

Data Warehousing

Operationen im multidimensionalen

Datenmodell

Graphische MDDM

Summierbarkeit

Ulf Leser

Wissensmanagement in der
Bioinformatik



Klassifikationsschema

- *Definition*

Ein *Klassifikationsschema* K (einer Dimension D) ist ein *Quadrupel* $(K_k, \rightarrow_k, K_s, \rightarrow_s)$ mit

- K_s ist die Menge von *Klassifikationsstufen* $\{k_0, \dots, k_n\}$
- „ \rightarrow_s “ ist eine Halbordnung auf K_s mit größtem Element $\text{top}(K_s)$
 - D.h.: $\forall k \in K_s: k \rightarrow_s \text{top}(K_s)$
- K_k ist die Menge von *Klassifikationsknoten* $\{n_0, \dots, n_m\}$
- Jeder Klassifikationsknoten n ist genau einer Klassifikationsstufe k *zugeordnet*
 - $\text{stufe}(n) = k$
 - $\text{knoten}(k) = \{n \mid n \in K_k \wedge \text{stufe}(n) = k\}$
- „ \rightarrow_k “ ist die Halbordnung auf K_s übertragen auf K_k
 - $k, l \in K_s, k \rightarrow_s l \Rightarrow \forall n \in \text{knoten}(k), m \in \text{knoten}(l): n \rightarrow_k m$

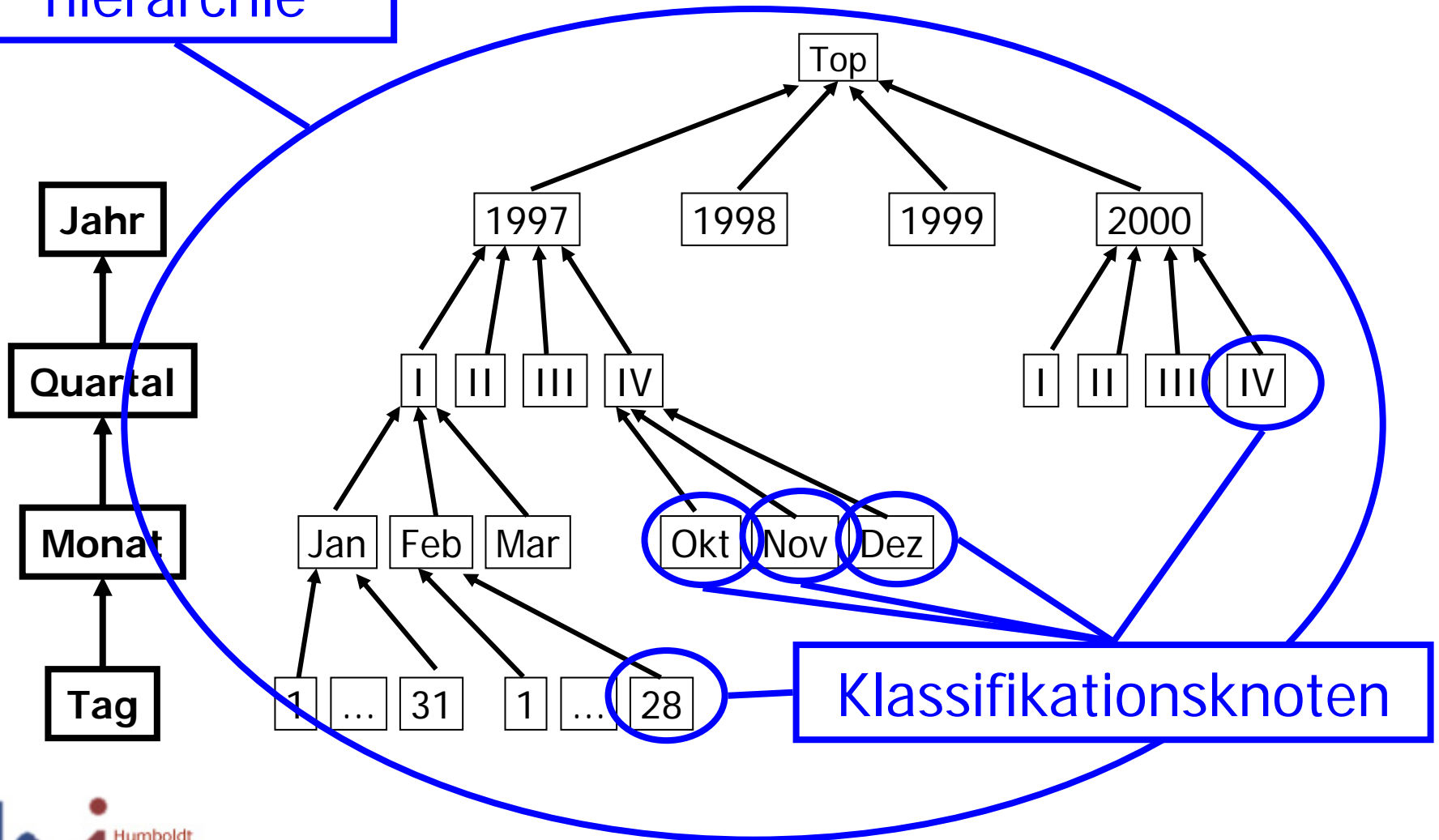
- *Bemerkung*

- Eine Klassifikationsstufe hat mehrere Klassifikationsknoten, aber jeder Klassifikationsknoten ist genau einer Klassifikationsstufe zugeordnet
- Wir benutzen i.d.R. einfach \rightarrow für \rightarrow_k oder \rightarrow_s



Begriffe

Klassifikations
hierarchie



Klassifikationsknoten

Klassifikationspfade

- *Definition*

Ein *Klassifikationspfad* P in einem Klassifikationsschema K mit Klassifikationsstufen K_s ist eine Menge $\{p_0, \dots, p_m\}$ mit

- $\{p_0, \dots, p_m\} \subseteq K_s$
- $p_m = \text{top}(K_s)$
- $\forall p_i, 1 \leq i \leq m: p_{i-1} \rightarrow p_i$ und $\nexists q: p_{i-1} \rightarrow q \rightarrow p_i$
- Die Länge des Pfades P ist $|P|=m+1$
- Der *Klassifikationslevel* von p_i in P ist i

- Bedeutung

- Ein Pfad ist damit eine voll geordnete Teilmenge von K_s
- Jeder Pfad beinhaltet das größte Element TOP
- Verdichtung wird nur entlang von Klassifikationspfaden definiert
 - Und damit entlang funktionaler Abhängigkeiten

Dimension

- *Definition*
Eine *Dimension* $D=(K, \{P_1, \dots, P_j\})$ besteht aus
 - Einem Klassifikationsschema K
 - Einer Menge von Pfaden P_i in K
- *Bemerkungen*
 - D muss nicht alle Pfade enthalten, die es in K gibt
 - Designentscheidung
 - Nicht alle Klassifikationsstufen von K müssen in einem Pfad enthalten sein
 - Aber man wird seine Pfade so wählen, dass doch
- *Schreibweise*
 - $D.k$ bezeichnet eine Klassifikationsstufe k aus D
 - Ein $D.k$ kann in mehreren Pfaden vorkommen

Granularität

- *Definition*

*Gegeben eine Menge U von n Dimensionen D_1, \dots, D_n .
Eine **Granularität G über U** ist eine Menge $\{D_1.k_1, \dots, D_n.k_n\}$ für die gilt*

- *k_i ist eine Klassifikationsstufe in D_i*
- *Es gibt **keine funktionalen Abhängigkeiten** zwischen den Klassifikationsstufen $D_1.k_1, \dots, D_n.k_n$*

- *Bemerkungen*

- Abkürzung: Lässt man in U eine Dimension D_i weg, meint dies implizit $D_i.TOP$
- Zweite Bedingung ist immer erfüllt, wenn keine funktionalen Abhängigkeiten zwischen Dimensionen bestehen
 - Beispiel: Nicht gleichzeitig Dimensionen Zeit und „Fiskalisches Jahr“ in einer Granularität betrachten
- Mit einer Granularität legt man fest, in welcher Detailstufe Fakten in den einzelnen Dimensionen beschrieben werden
 - Eine Granularität ist ein Hyperwürfel in einer bestimmten Auflösung
 - Operationen navigieren zwischen Granularitäten



Halbordnung auf Granularitäten

- *Definition*

*Auf der Menge aller Granularitäten zu einer Menge U von Dimensionen ist eine **Halbordnung** „ \leq “ wie folgt definiert*

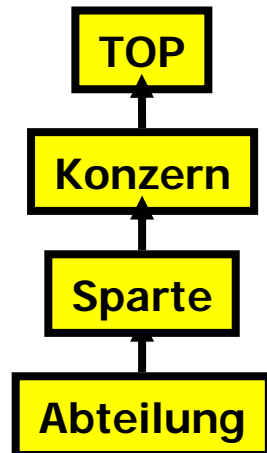
- Sei $G_1 = \{D_1^1.k_1^1, \dots, D_n^1.k_n^1\}$ und $G_2 = \{D_1^2.k_1^2, \dots, D_n^2.k_n^2\}$
- Ordne die Dimensionen in G_1 und G_2 beliebig, aber gleich
- Es gilt $G_1 \leq G_2$ genau dann wenn
 - $\forall i: D_i^1.k_i^1 \rightarrow D_i^2.k_i^2$ oder $D_i^1.k_i^1 = D_i^2.k_i^2$

- *Benutzung*

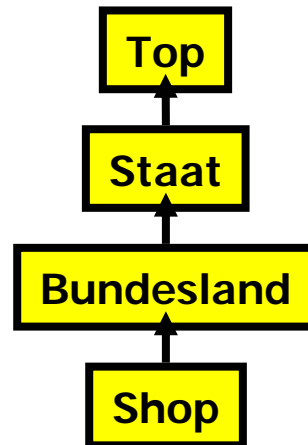
- Beschreibung der Transformation von Granularitäten
- Anfrageoptimierung: **Wiederverwendung von Aggregaten**

Beispiel

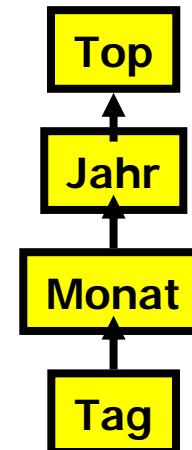
Bereich



Region



Zeit



$(B.Sparte, R.Shop, Z.Tag)$
 $\leq (B.Sparte, R.Shop, Z.Monat)$
 $\leq (B.Sparte, R.Top, Z.Monat)$
 $\leq (B.Top, R.Top, Z.Top)$

$(B.Sparte, R.Staat, Z.Tag)$
 $? (B.Konzern, R.Shop, Z.Tag)$

Inhalt dieser Vorlesung

- Operationen im multidimensionalen Datenmodell
- ME/R: Graphische multidimensionale Datenmodellierung
- Summierbarkeit

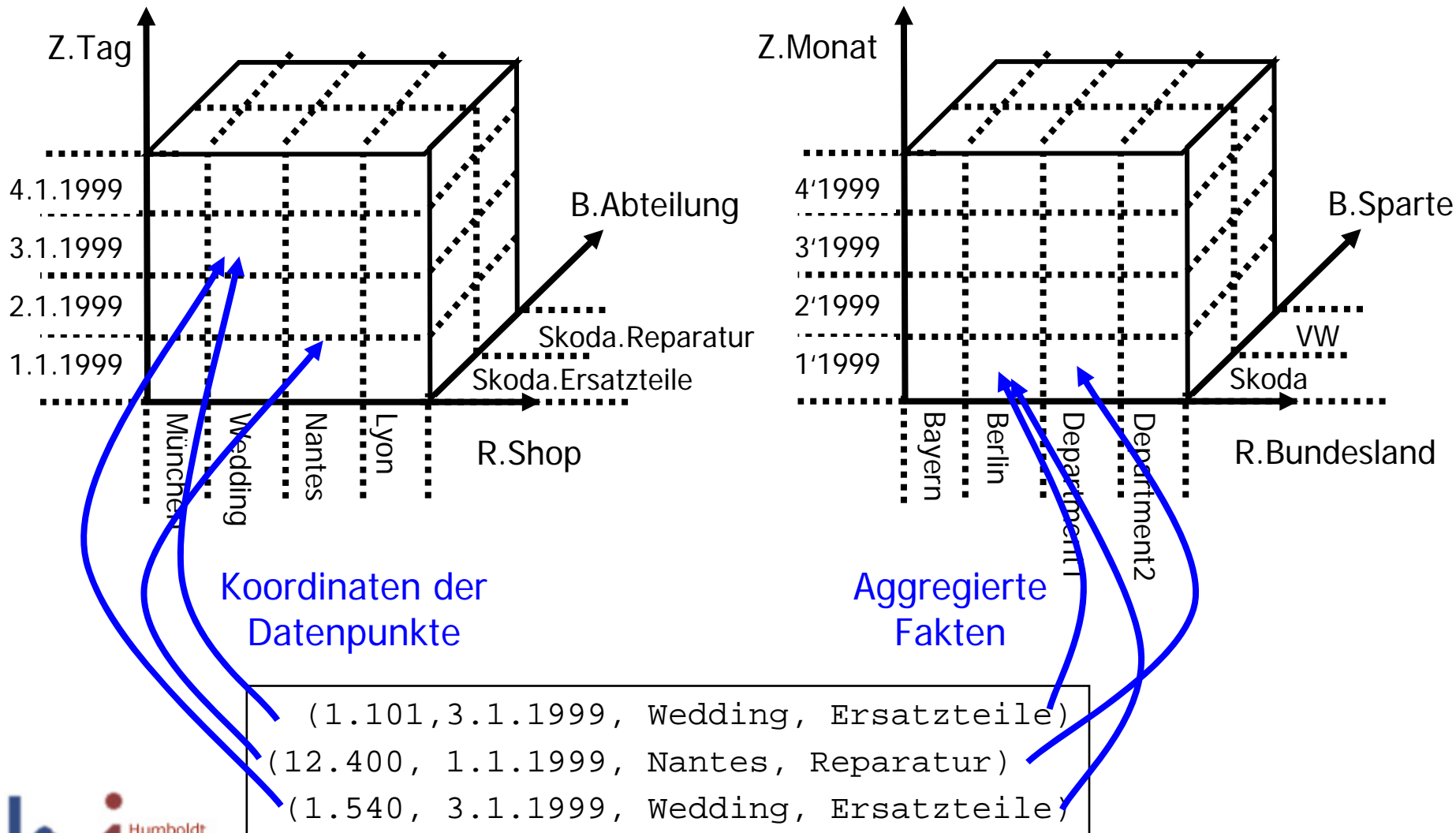
1. OLAP Operationen

- MDDM spricht die Sprache des Analysten
 - Operationen auf dem MDDM sollten die Analysevorgänge abbilden bzw. unterstützen
 - Ziel: Schnelle und intuitive Manipulation der Daten
- Notwendig
 - Definition der Operationen
 - (Unterstützung durch graphische Werkzeuge)
 - Heute: ME/R
 - Umsetzung in ausführbare Operationen
 - Ab nächster Stunde

Vorgehen

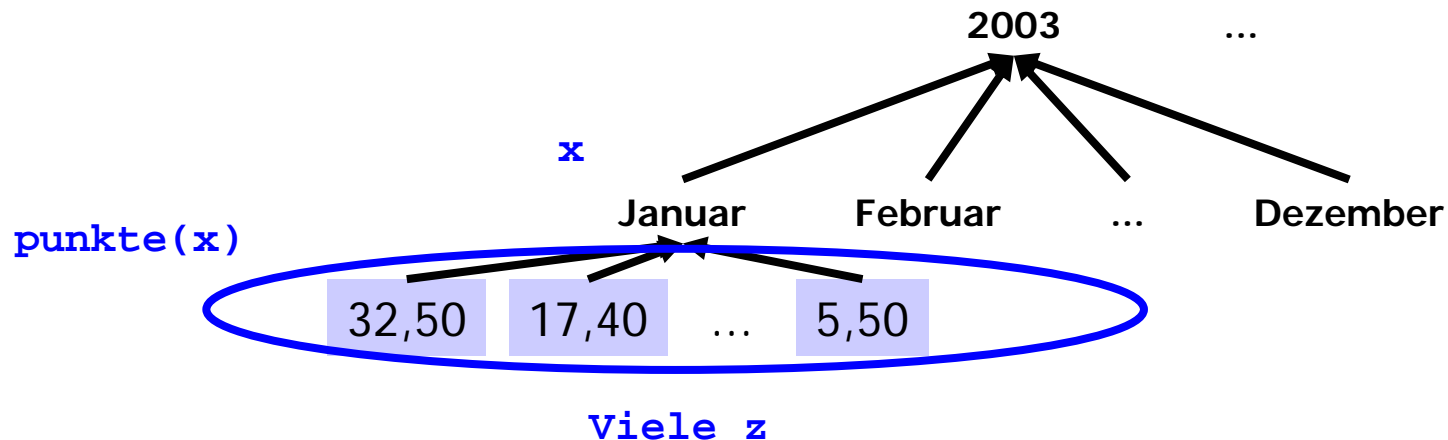
- Die wichtigsten Operationen im MDDM sind
 - Aggregation (Roll-Up)
 - Verfeinerung (Drill-Down)
- Weiteres Vorgehen
 - Datenpunkte und Würfelkoordinaten
 - Aggregation in Klassifikationshierarchien
 - Inhalt eines Würfel einer bestimmten Granularität
 - OLAP Operationen
 - Visualisierung

Übersicht



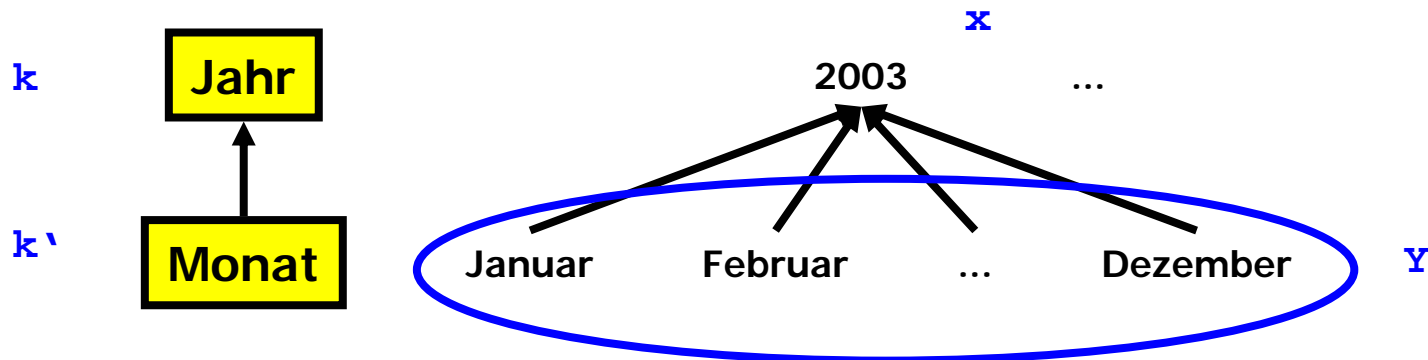
Datenpunkte und Würfelkoordinaten

- *Definition.*
 - Gegeben Würfel W , Dimension D und ein Klassifikationsknoten x aus D
 - Sei z ein Datenpunkt (Fakt) und $D(z)$ seine Koordinate bzgl. D
 - $D(z)$ bzw. z liegt in x gdw. entweder $D(z)=x$ oder $D(z) \in \text{nachfahren}(x)$
 - $\text{punkte}(x)$ sei die Menge aller Datenpunkte z mit $D(z)$ in x
- *Bemerkung*
 - Erweiterung auf mehrere Koordinaten durch Schnittmengenbildung
 - $\text{punkte}(x,y,z) = \text{punkte}(x) \cap \text{punkte}(y) \cap \text{punkte}(z)$
mit x in D_1 , y in D_2 , z in D_3



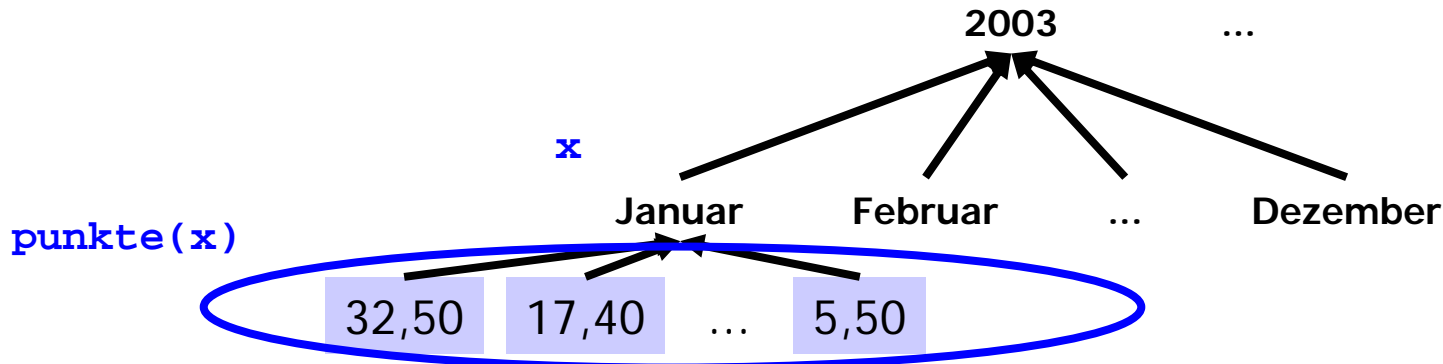
Aggregation in Hierarchien

- *Definition.*
 - *Gegeben*
 - Dimension D , Pfad $P = \{k_0 \rightarrow \dots \rightarrow k' \rightarrow k \rightarrow \dots \rightarrow TOP\}$ in D
 - $x \in \text{knoten}(k)$ ein Klassifikationsknoten der Klassifikationsstufe $k \in P$
 - Aggregatfunktion f , Measure F
 - Sei $Y = \text{kinder}(x)$ (die Menge $\{y_1, \dots, y_n\} \subseteq \text{knoten}(k')$ von Klassifikationsknoten von k' , von denen x funktional abhängt)
 - Die *Aggregation von Y nach x* bzgl. f und F bezeichnet die Berechnung des *aggregierten Faktres* $F(x) = f(F(y_1), \dots, F(y_n))$
 - Die *Aggregation von k' nach k* bzgl. f und F bezeichnet die Berechnung von $F(x)$ für alle $x \in \text{knoten}(k)$
 - Das schreiben wir kurz als $F(k)$



Startpunkt

- Sei $P = \{k_0 \rightarrow \dots \rightarrow k_n \rightarrow \text{TOP}\}$
- Man berechnet $F(\text{TOP})$ aus $F(k_n)$, $F(k_n)$ aus $F(k_{n-1})$, etc.
- Wie berechnet man aber $F(k_0)$?
 - Aus den einzelnen Datenpunkten
 - Bzw. das sind die einzelnen Datenpunkte
- *Definition.*
 - *Gegeben*
 - Dimension D , Pfad $P = \{k_0 \rightarrow \dots \rightarrow \text{TOP}\}$ in D
 - Ein Klassifikationsknoten $x \in \text{knoten}(k_0)$
 - Aggregatfunktion f , Measure F
 - Sei $\text{punkte}(x) = \{z_1, \dots, z_n\}$ die Menge aller Datenpunkte mit $D(z_i)$ in x
 - Dann berechnet sich das aggregierte Fakt $F(x)$ als $F(x) = f(F(z_1), \dots, F(z_n))$
 - Mit $F(z)$ als dem Wert des Measures F von Datenpunkt z



Berechnung

- Die letzte Definition ist prinzipiell abwendbar für alle Klassifikationsknoten bzw. –stufen eines Pfades
 - Bedingt durch „ ...D-Koordinate in x...“
 - Also können wir $F(x)$ für x aus beliebiger Klassifikationsknoten aus den Datenpunkten berechnen
- Aber
 - Es schneller, die Aggregation aus der **nächstkleineren Stufe** zu berechnen
 - Weniger Werte - weniger Arbeit
 - Das setzt voraus, dass man die auch hat – **Präaggregation**
 - OLAP Operationen wandern immer nur eine Stufe in einem Pfad herauf oder herab – deshalb definieren wir Aggregation von Ebene zu Ebene

Wo sind wir?

- Wir können entlang eines Pfades in einer Dimension für ein Measure mit einer Aggregatfunktion die aggregierten Fakten für höherstufige Knoten berechnen
- Zwei Möglichkeiten
 - Aggregierte Measures von Knoten einer Stufe aus aggregierten Measures der nächstkleineren Stufe berechnen
 - Verlangt Präaggregation
 - Aggregierte Measures immer direkt aus den Werten aller Datenpunkte mit den entsprechenden Koordinaten berechnen
 - Ist eine Anfrage über dem Cube

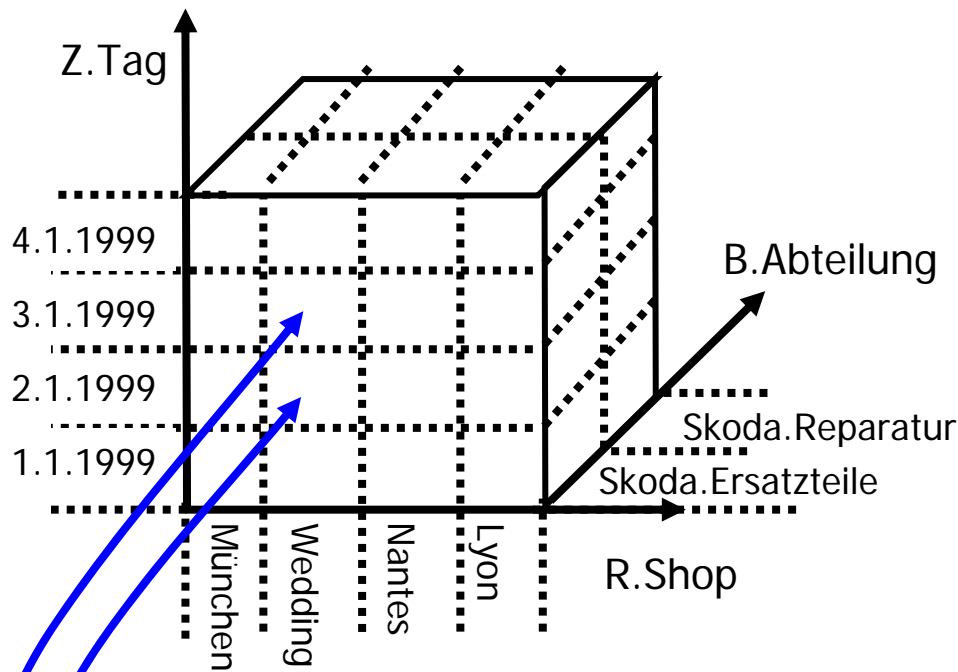
Würfelinhalt

- Ein Würfel $W=(G,F)$
 - Granularität $G=(D_1.k_1,\dots,D_n.k_n)$
 - Menge Measures $F=\{F_1,\dots,F_m\}$ mit Aggregatfunktionen f_1,\dots,f_m
- Schreibweise für **Zellen eines Würfels**
 - $W(x_1, x_2, \dots, x_n) = (f_1, \dots, f_m)$
 - x_i sind die Koordinaten im Würfel: $x_i \in \text{knoten}(k_i)$
 - Pro Punkt in W gibt es m (evt. aggregierte) Measures f_1, \dots, f_m
- Betrachten wir den **einfachen Fall**: $n=m=1$
 - Dimension D mit Knoten x , ein Measure F mit Aggregatfunktion f
 - Dann: $W(x) = F(x) = f(\{F(y) | y \in \text{kinder}(x)\})$
- Bemerkung
 - Auf unterster Ebene ist $\text{kinder}(x) = \text{punkte}(x)$

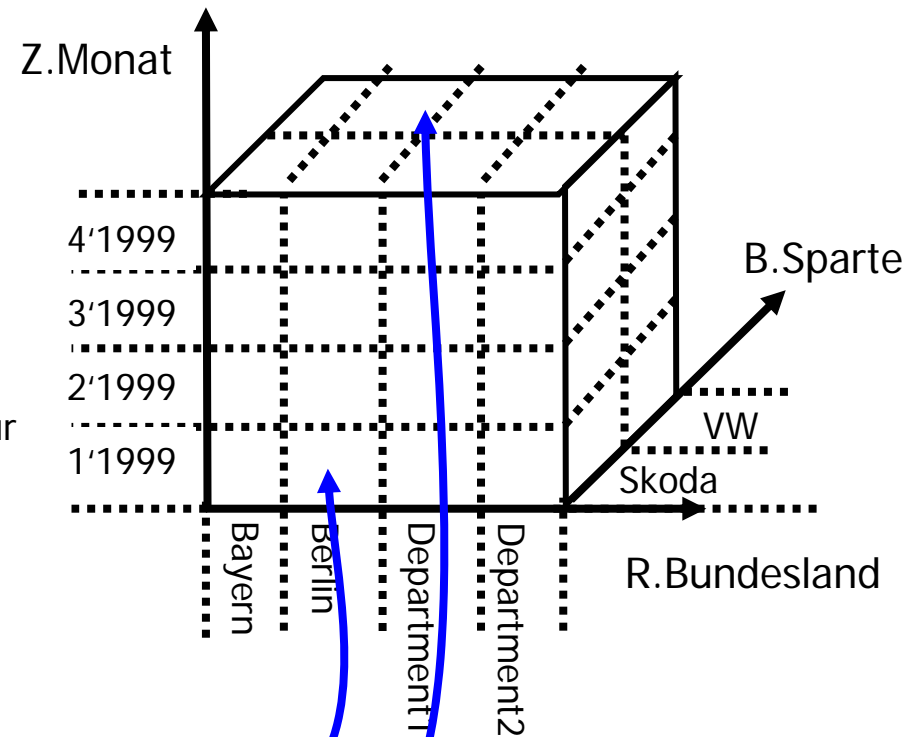
Würfelinhalt, allgemeiner Fall

- Ein Würfel $W=(G,F)$
 - Granularität $G=(D_1.k_1,\dots,D_n.k_n)$
 - Menge Measures $F=\{F_1,\dots,F_m\}$ mit Aggregatfunktionen f_1,\dots,f_m
- Allgemeiner Fall
 - $W(x_1,\dots,x_n) = (f_1,\dots,f_m) =$
 $(F_1(\text{punkte}(x_1)\cap\text{punkte}(x_2) \cap\dots \cap \text{punkte}(x_n)),$
 $F_2(\text{punkte}(x_1)\cap\text{punkte}(x_2) \cap\dots \cap \text{punkte}(x_n)),$
 \dots
 $F_m(\text{punkte}(x_1)\cap\text{punkte}(x_2) \cap\dots \cap \text{punkte}(x_n)))$
 - mit Koordinaten $x_i \in \text{knoten}(k_i)$
- Bemerkung
 - Die Schnittmengenbildung berechnet die Menge von Punkten in der Würfelzelle mit Koordinaten x_1,\dots,x_n
 - Jedes Measure wird gesondert aggregiert

Beispiel



Koordinaten
der Fakten



Aggregierte
Fakten

(3.1.1999, Wedding, Ersatzt.) = (...)
(2.1.1999, Wedding, Ersatzt.) = (...)

(1'1999, Berlin, Skoda) = (...)
(4'1999, Bayern, VW) = (...)

Operationen auf Würfeln

- OLAP Operationen überführen einen Würfel $W=(G,F)$ in einen Würfel $W'=(G',F')$
- Dabei gilt
 - Aggregation: $G < G'$
 - Verfeinerung $G > G'$
- Eine **einfache Operation** verändert nur die Klassifikationsstufe einer Dimension in G
 - Komplexe Operationen können auf natürliche Weise aus einfachen Operationen durch Verkettung zusammengesetzt werden
 - Wir betrachten deshalb im folgenden **nur einfache Operationen**

OLAP Operationen

- *Definition.*

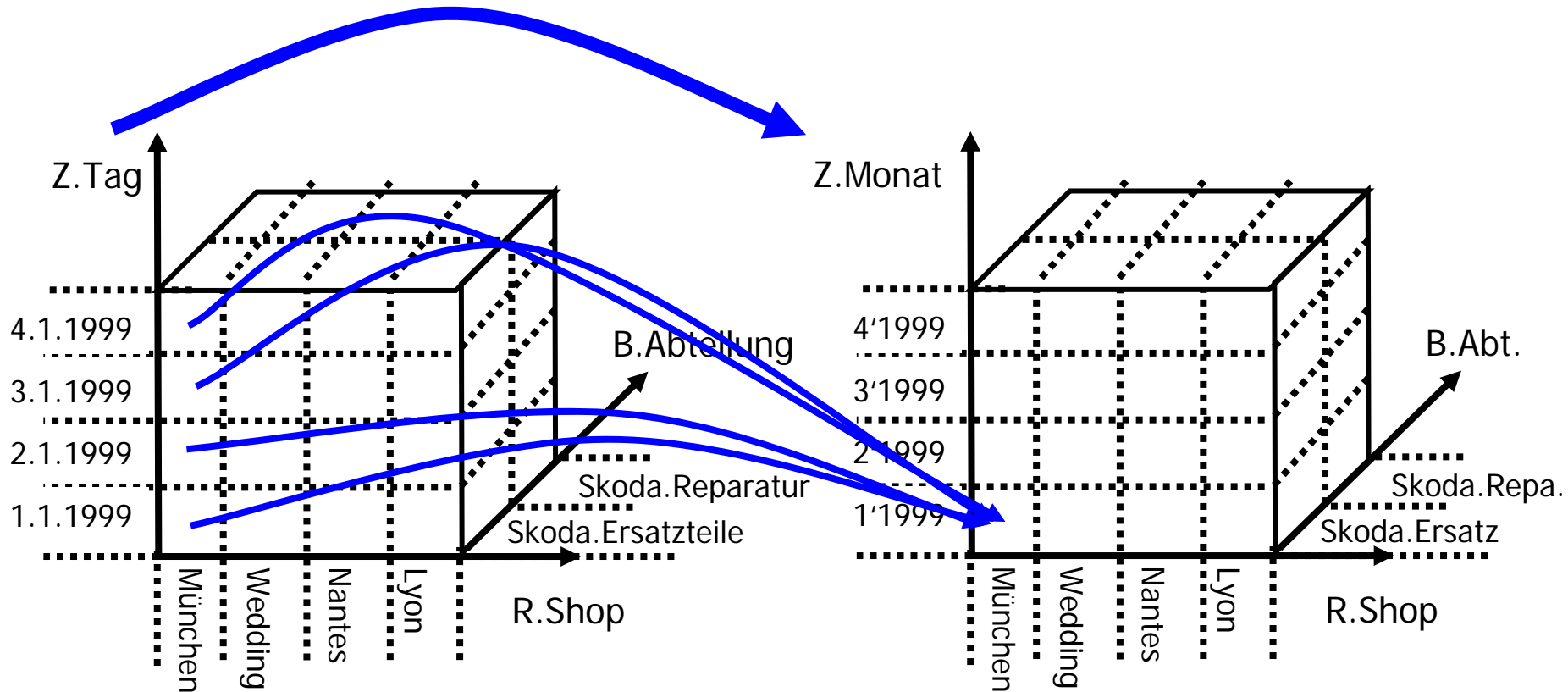
- Geg.: Würfel $W=(G,F)$ mit $G=(D_1.k_1, \dots, D_n.k_n)$ und $F=(F_1, \dots, F_m)$
- Sei $P=\{k_0 \rightarrow \dots \rightarrow k_{j''} \rightarrow k_j \rightarrow k_{j'} \rightarrow \dots \rightarrow TOP\}$ ein Pfad in D_i
- Die *einfache Aggregation in W entlang P mit Aggregatfunktion f* überführt W in
 - $W' = ((D_1.k_1, \dots, D_i.k_{j''}, \dots, D_n.k_n), (F_1', \dots, F_m'))$
 - $(F_1', \dots, F_m') = (F_1(\text{punkte}(k_1) \cap \dots \text{punkte}(k_{j'}) \cap \dots \text{punkte}(k_n)),$
 $\dots,$
 $F_m(\text{punkte}(k_1) \cap \dots \text{punkte}(k_{j'}) \cap \dots \text{punkte}(k_n)))$
- Die *einfache Verfeinerung in W entlang P mit Aggregatfunktion f* überführt W in
 - $W' = ((D_1.k_1, \dots, D_i.k_{j''}, \dots, D_n.k_n), (F_1'', \dots, F_m''))$
 - Mit $(F_1'', \dots, F_m'') = \dots$

- *Bemerkung*

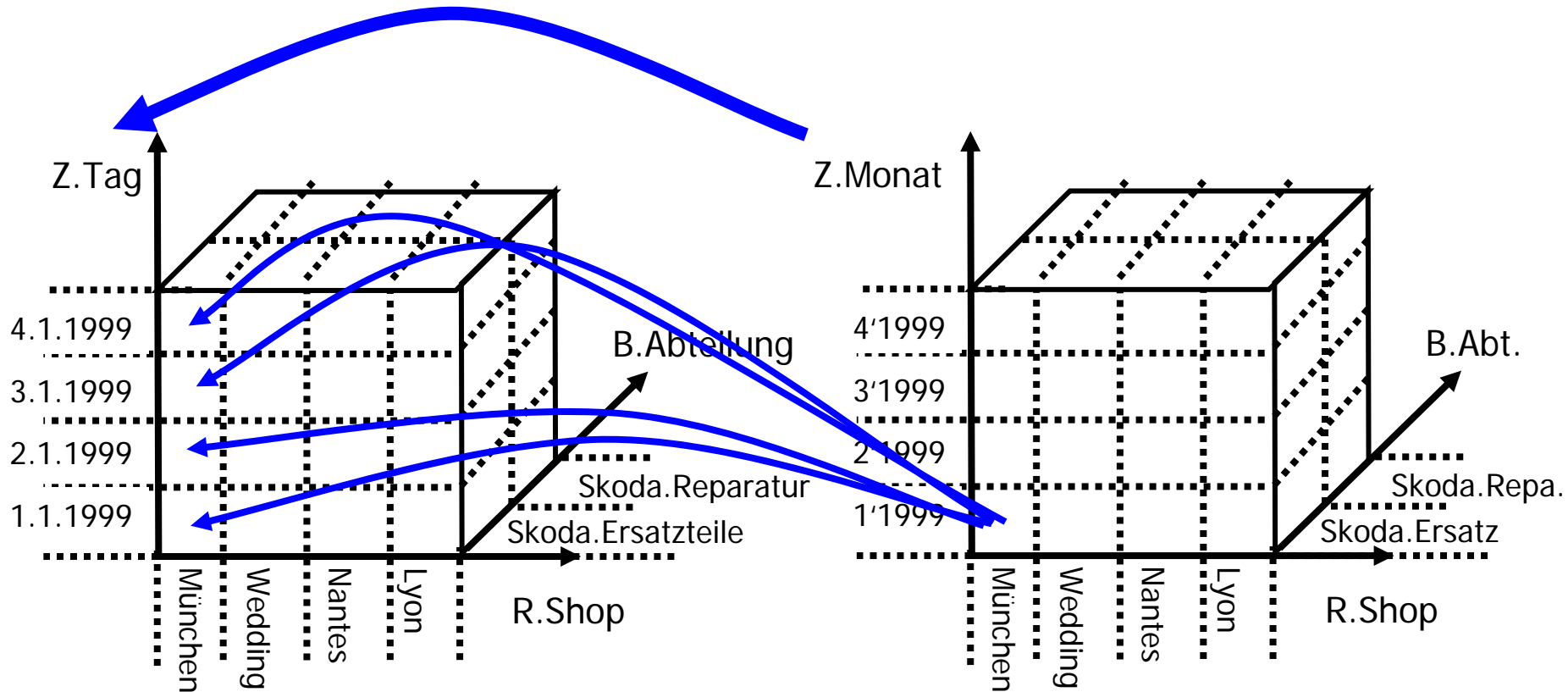
- Bei Aggregation berechnet man die $F_{i'}$ per Aggregation
- Bei Verfeinerung ist ein Zugriff auf die Datenbank (Datenpunkte oder Präaggregate) notwendig



Beispiel: Aggregation (Roll-Up)



Beispiel: Verfeinerung (Drill-Down)

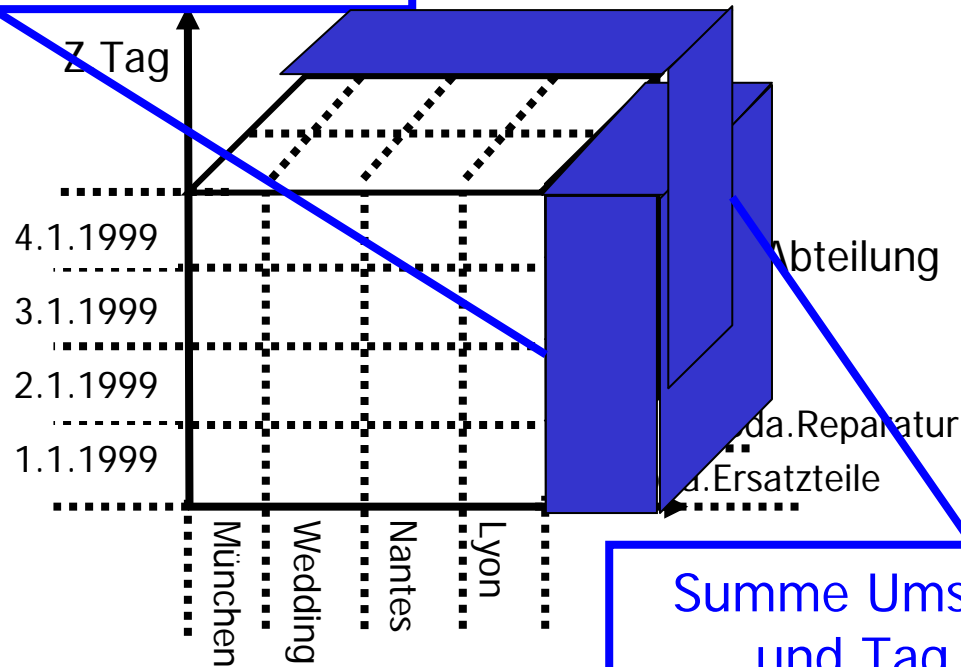


Wo sind wir?

- Das MDDM gibt Klassifikationsstufen, Knoten, Pfade und Dimensionen vor
- Die Daten bestehen aus verschiedenen Measures, jeweils mit Koordinaten in den jeweiligen Dimensionen
- Koordinaten (Dimensionen) sind hierarchisch gegliedert (entlang der Pfade); jeder Datenpunkt hat eine Koordinate in jeder Klassifikationsstufe
 - Die Koordinaten in einem Pfad sind voneinander abhängig
- Würfel stellen aggregierte Daten gemäß der Würfelgranularität dar
- OLAP Operationen (Aggregation, Verfeinerung) sind entlang der Pfade und gemäß der Granularität möglich
 - Sie verändern die Granularität und die aggregierten Fakten

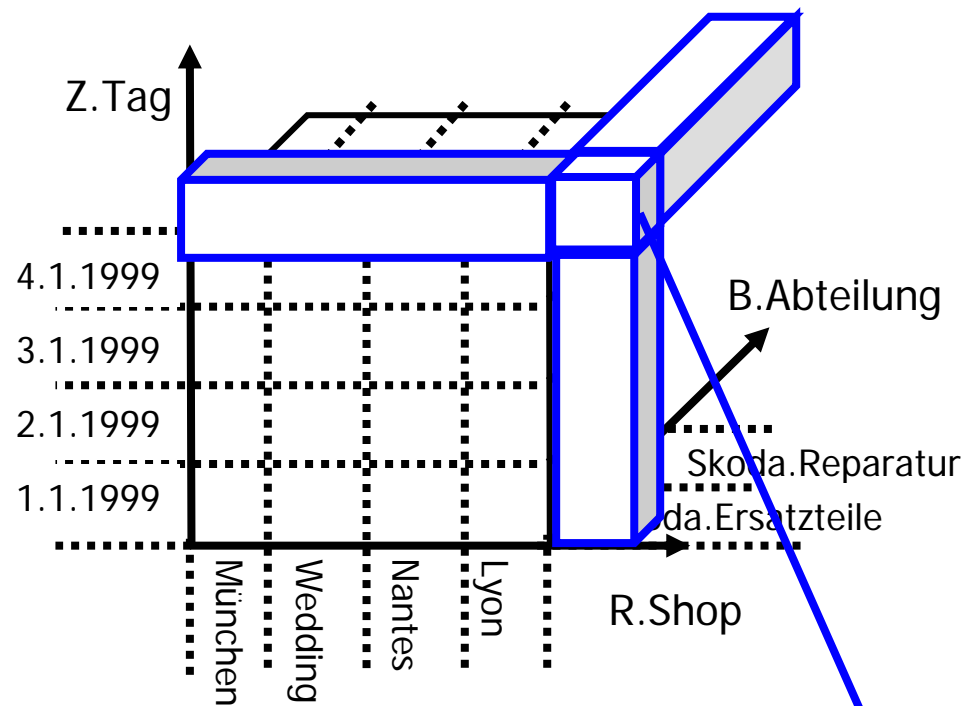
Aggregation bis TOP

Summe Umsatz pro Tag und
Abteilungen über alle Shops



Summe Umsatz pro Shop
und Tag, über alle
Abteilungen

... in mehreren Dimensionen



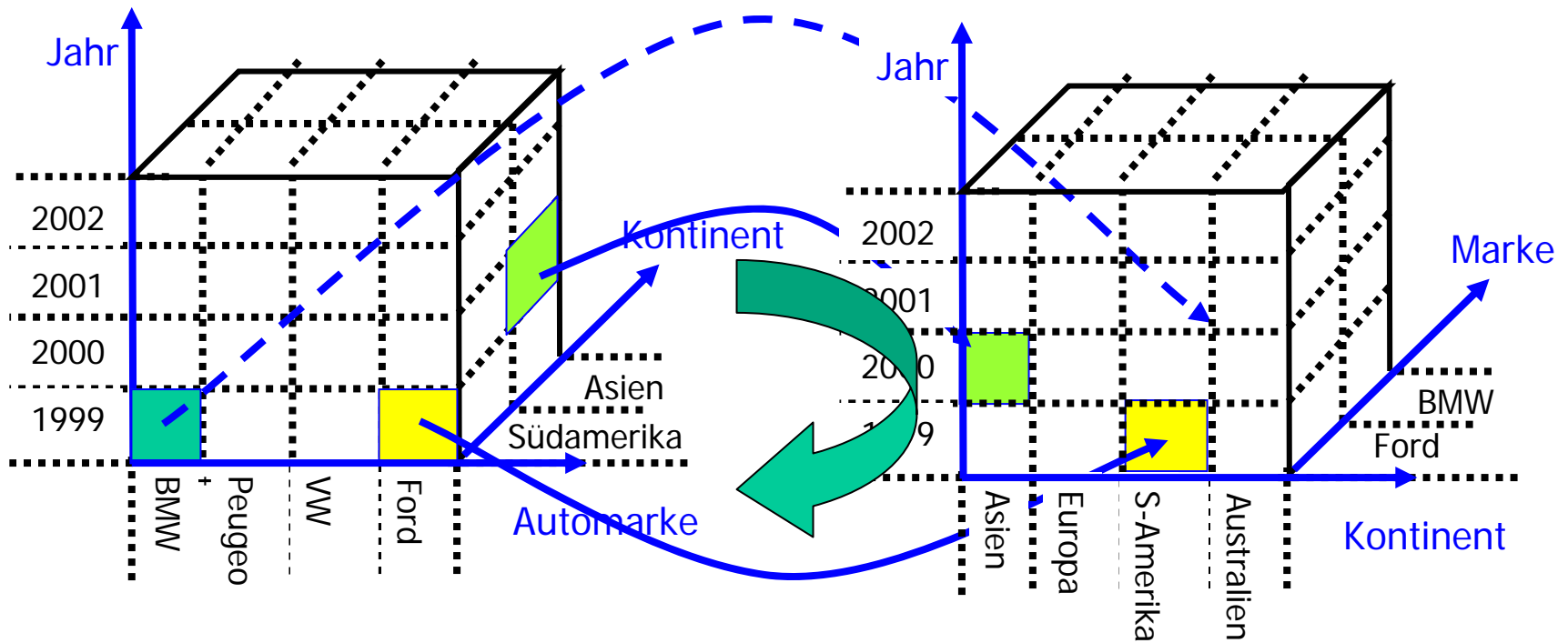
$G = (Z.TOP, R.TOP, B.TOP)$

Weitere Operationen

- Aggregation ist die spannendste OLAP Operation
- Die restlichen führen keine Berechnungen durch, sondern selektieren bzw. ändern nur Ausschnitte des Würfels
 - In der Literatur werden teilweise noch weitere Operationen angeführt (Drill-Across, Dicing, ...)

Rotation

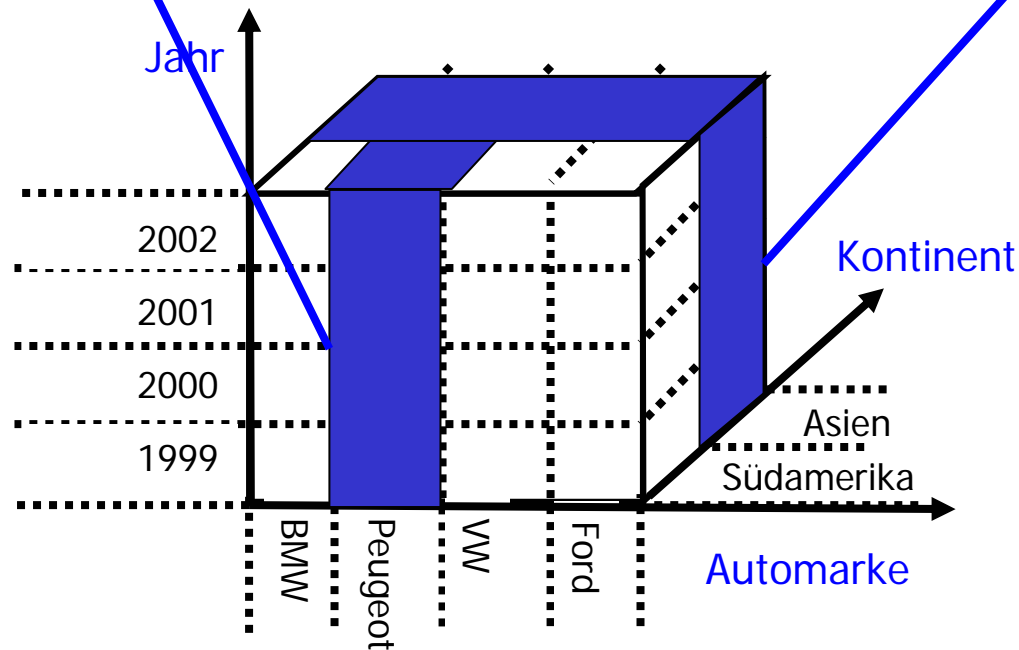
Unterschiedliche Sichtweisen auf einen Datenbestand



Selektion einer Scheibe (Slicing)

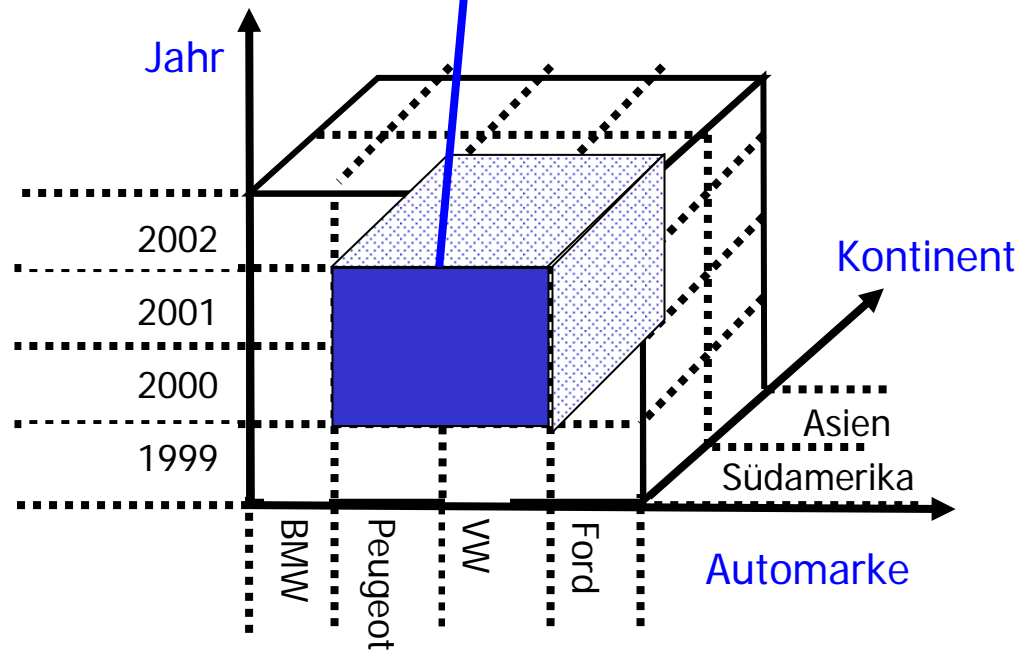
Verkäufe von Peugeot
pro Jahr und Kontinent

Verkäufe in Asien
pro Jahr und Marke



Auswahl von Unterwürfeln

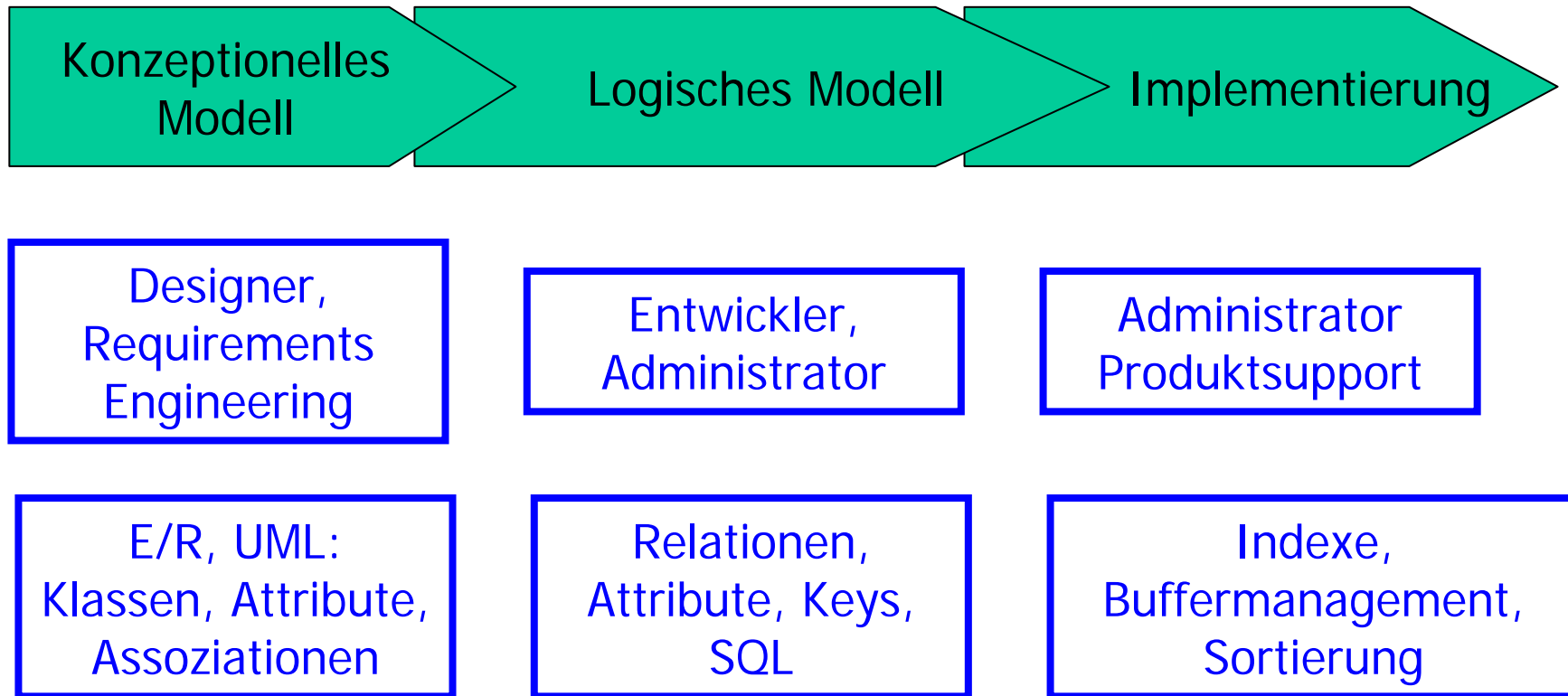
Verkäufe von (Peugeot, VW) in
(2000, 2001) pro Kontinent



2. Grafische Modellierung

- Grafische Modellierung multidimensionaler Daten

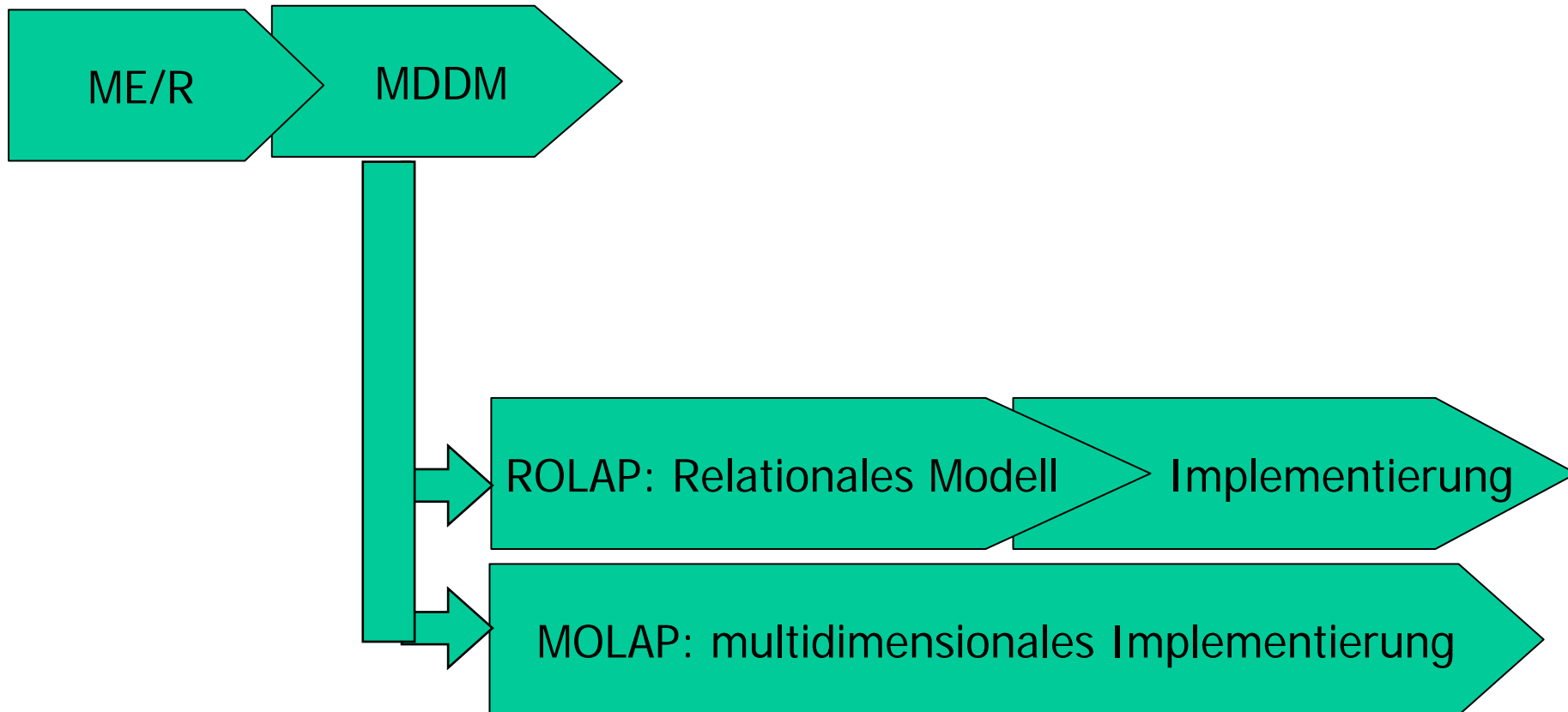
Datenbankentwurf



ME/R

- Literatur
 - Sapia et al. „Extending the E/R Model for the Multidimensional Paradigm“, Workshop DWDM, 1998
 - Logisches MDDM
 - Fakten, Klassifikationsstufen, Dimensionen, ...
 - Konzeptionelles/Graphisches Modell für MDDM?
 - E/R nicht ausreichend
 - Keine Repräsentation von MDDM Konzepten
- ME/R: Erweitertes E/R Modell

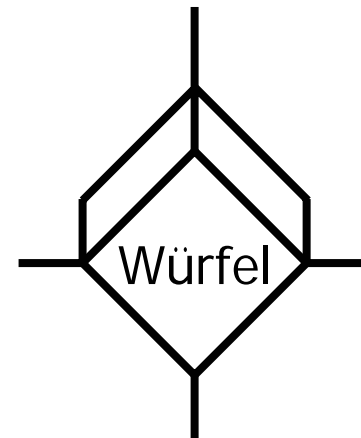
Gesamtbild



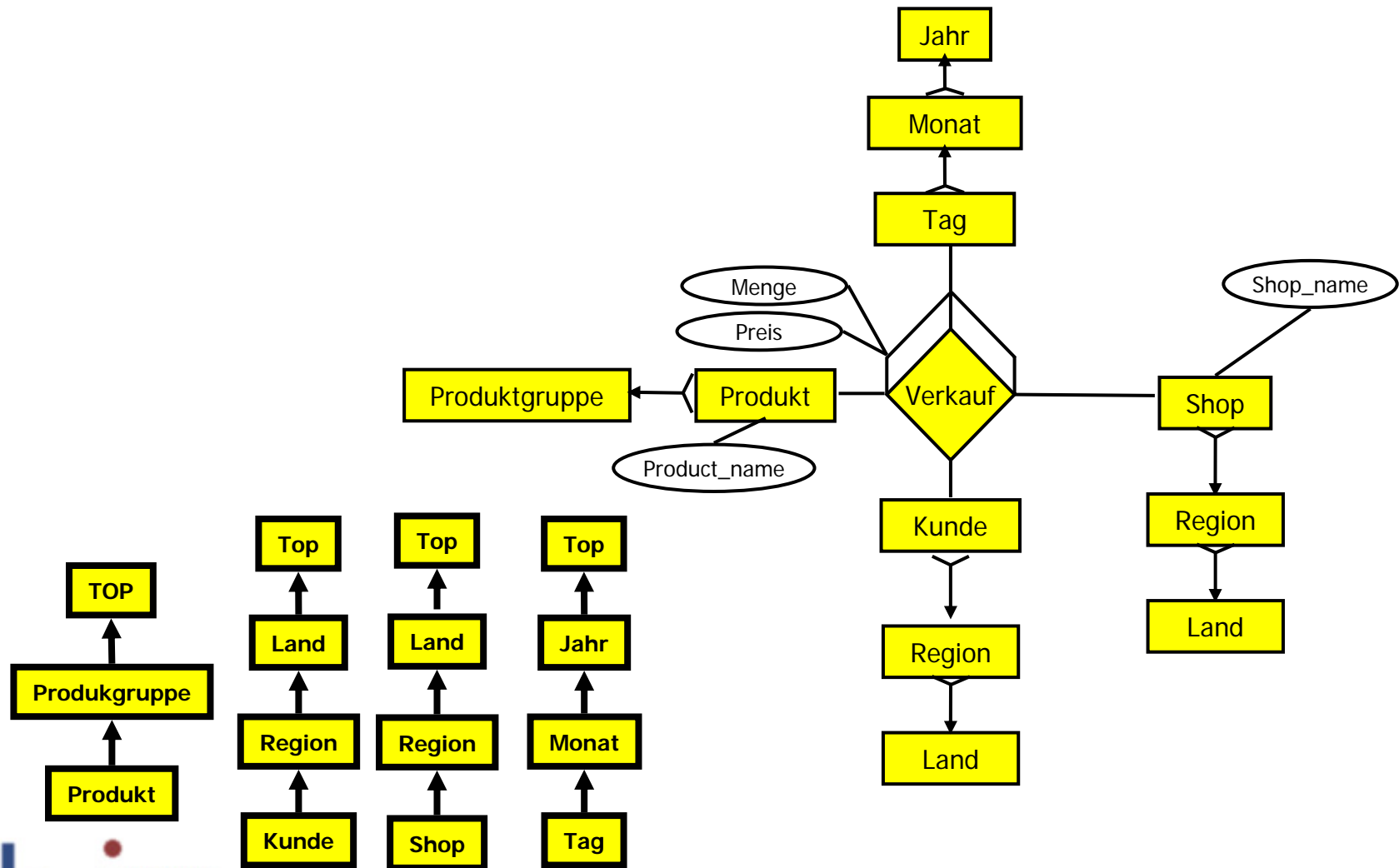
ME/R: Elemente und Notation

- Neue Elemente
 - Klassifikationsstufe (Dimension Level)
 - Würfel (Fact)
 - Halbordnung zwischen Klassifikationsstufen (Roll-Ups)
 - Constraint: Keine Zyklen in den ROLL-UP Beziehungen

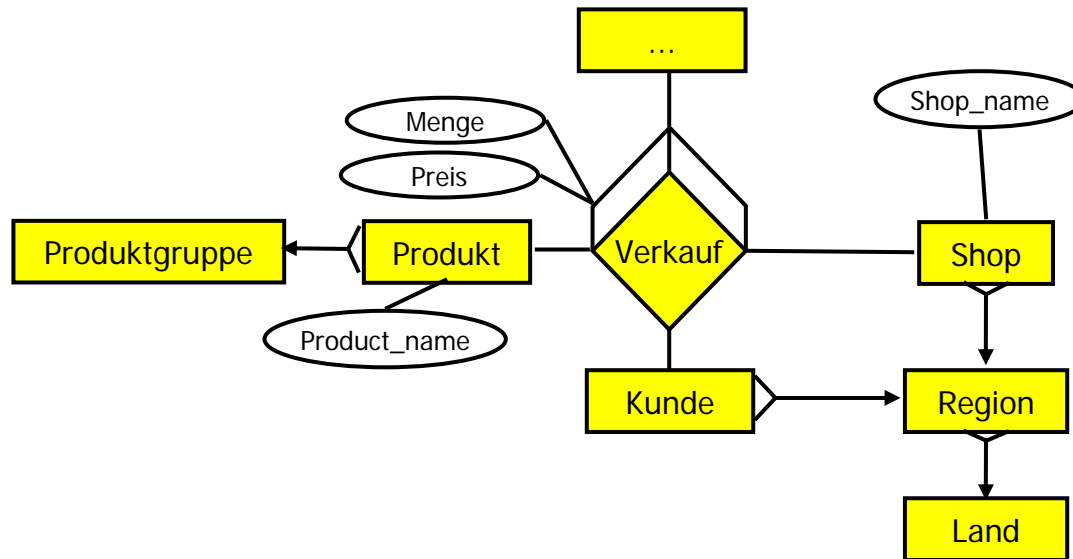
Klassifikationsstufe



Beispiel



„Wiederverwendung“ von Stufen



- Möglich
 - Fremdschlüssel in Kunde und Shop verweisen auf PK von Region
- ... aber nicht unproblematisch
 - Wenn Kundenregionen (nach Vertrieb) anders organisiert sind als Shopregionen (nach Logistik) – IC schwierig zu überwachen
 - Wenn Kunden in mehr Regionen wohnen dürfen als es Shops gibt – verborgenes Integritätsconstraint
 - Aggregation über Shops bis auf Region gibt viele leere Regionen
 - Drill-Down von Region ist nicht eindeutig

ME/R Bewertung

- Minimale, konservative Erweiterung
- Mehrere Würfel sind möglich
- Flexible Zuordnung Dimensionen – Würfel
- Klare Semantik durch Metamodell in Extended E/R
- Greift eher kurz
 - Keine Eigenschaften von Fakten (Summierbarkeit)
 - Keine Besonderheiten von Klassifikationspfaden
 - Übersprungene Stufen, unendliche Hierarchien
- Keine Übersetzungsmethode definiert
- Toolunterstützung?

Weitere Ansätze

- mUML
 - UML-Erweiterung basierend auf UML Metamodell (Constraints, Stereotypen) -> Werkzeugunterstützung vorhanden
 - Klassifikationsstufe: <<Dimensional class>>
 - Fakten: <<Fakt class>>
 - Würfel: <<Dimension>> (Assoziationstyp)
 - Hierarchie: <<Roll-Up>> (Assoziationstyp)
 - ...
- Multi-dimensional Modelling Language (MML)
- ...
- Keine der Methoden hat sich (bisher) durchgesetzt

3. Summierbarkeit

- Ziel des MDDM
 - Verdichtung von Daten entlang der Klassifikationspfade
- Aber das geht nicht immer gut
 - Numerische versus kategorische Fakten
 - Numerisch: Umsatz, Verkäufe, Messwerte, ...
 - Kategorisch: Geschlecht, Kundensegment, ...
 - Sollte man als Dimension definieren, muss man aber nicht
 - Nicht alle Aggregatsfunktionen sind hierarchisch anwendbar
 - Summe der Umsätze aller Tage → Umsatz des Monats
Summe der Umsätze aller Monate → Umsatz des Jahres
 - Durchschnitt der Umsätze aller Tage → Durchschnitt des Monats?
 - Durchschnitt der Umsätze aller Monate → Durchschnitt des Jahres?

Beispiel

Level 0	Level 1	Level 2
1	Summe: 2	Summe: 12 Avg: $11/2 \neq 12/3$
1	Avg: 1	
10	Summe: 10 Avg: 10	

Charakterisierung von Aggregatsfunktionen

- Literatur
 - Lenz, Shoshani: „Summarizability in OLAP and Statistical Databases“, SSDBM, 1997
- Geg.: Set X , Partitionierung (X_1, X_2, \dots, X_n)
 - X entspricht einem Klassifikationsknoten
 - (X_1, X_2, \dots, X_n) sind seine Kinder
- *Definition.*
 - Eine Aggregatfunktion f ist *distributiv* gdw
 - $\exists g: f(X) = f(g(X_1), g(X_2), \dots, g(X_n))$
 - Eine Aggregatfunktion f ist *algebraisch* gdw
 - $f(X)$ berechenbar aus fester Menge von g 's
 - Eine Aggregatfunktion f ist *holistisch* gdw
 - $f(X)$ kann nur aus den Grundelementen von X berechnet werden
 - D.h., dass die Menge von g 's nur durch die Größe von X begrenzt ist
 - Man muss immer auf die Datenpunkte zurück

Beispiele

Distributiv	Summe, Count, Max, Min, ...
Algebraisch	AVG (mit G_1 =SUM und G_2 =CNT) STDDEV, MaxN, ...
Holistisch	MEDIAN, RANK, PERCENTILE Highest Frequency, ...

- Highest Frequency
 - Merke Werte und jeweilige Frequenz: $((v_1, f_1), (v_2, f_2), \dots)$
 - Merge zweier Sets möglich
 - Aber: Keine feste Grenze für Platzbedarf, da Anzahl unterschiedlicher Werte nicht fest

Summierbarkeit / Aggregierbarkeit

- Bisher: Wann darf man Werte hierarchisch summieren ?
 - Natürlich nur numerische Fakten
 - Art der Aggregatfunktion beachten
- Aber
 - Summe der Lagerbestände pro Produkt über Jahre?
 - Gesamtsumme Studenten als Summe über Studenten pro Studiengang?
- Weitere notwendige Kriterien für Aggregierbarkeit entlang eines Klassifikationspfades
 - **Überlappungsfreiheit** der Zuordnung von Klassifikationsknoten
 - **Vollständigkeit** der Zerlegung pro Klassifikationslevel
 - **Typverträglich** von Fakt und Aggregatfunktion

Beispiel

Studenten pro Jahr und Studiengang

	1994	1995	1996	Gesamt
Informatik	15	17	13	28
BWL	10	15	11	21
Gesamt	25	31	23	49

Wie kann das stimmen?

- Wie lange dauern Studiengänge?
- Studenten nur in einem Studiengang eingeschrieben?

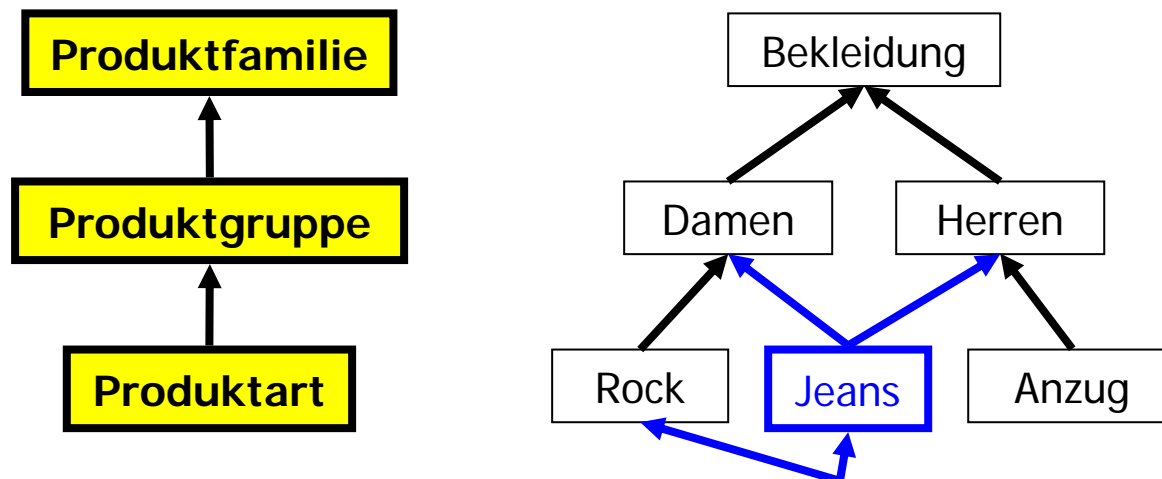
Summen lassen sich nicht aus den Einzelwerten berechnen

Überlappungsfreiheit

- *Definition.*

*Eine Klassifikationshierarchie ist **überlappungsfrei** gdw*

- Jeder Klassifikationsknoten mit Level i ist höchstens einem Klassifikationsknoten in Level $i+1$ zugeordnet*
- Jeder Datenpunkt ist höchstens einem Klassifikationsknoten mit Level 0 zugeordnet*

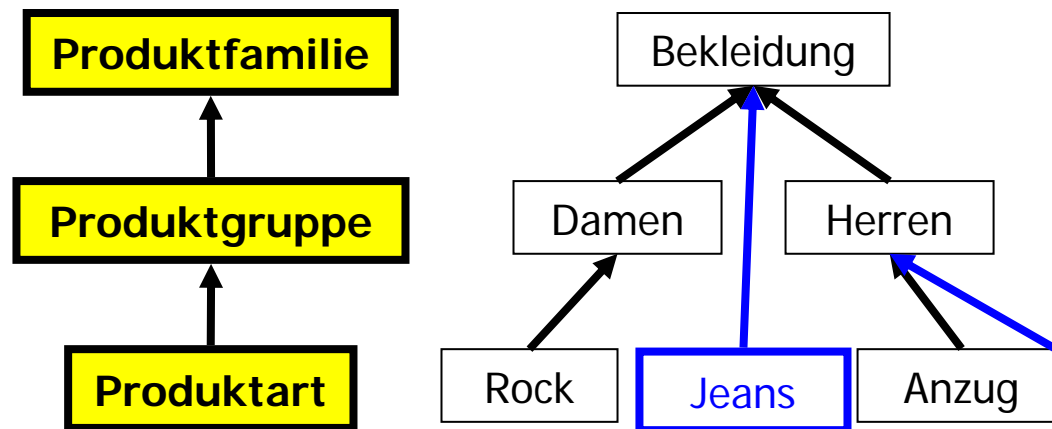


Vollständigkeit

- *Definition.*

*Eine Klassifikationshierarchie ist **vollständig** gdw*

- Jeder Klassifikationsknoten mit Level i ist mindestens einem Klassifikationsknoten in Level $i+1$ zugeordnet*
- Jedes Fakt ist mindestens einem Klassifikationsknoten mit Level 0 zugeordnet*



Was tun?

- Wir sind bisher immer von vollständigen und überlappungsfreien Klassifikationsschemas ausgegangen
 - Summierbarkeit ist ein wichtiger Grund dafür
- Das entspricht nicht immer der betrieblichen Realität
- Was tun wenn nicht?
 - Neue Klassifikationsknoten
 - Artifizielle Klassifikationsknoten: „Others“, „Rest“, „Nicht zugewiesen“
 - Knotenaufspaltung: „Herrenjeans“, „Damenjeans“
 - Gewichtete Zuordnung
 - Türkei ist 10% Europa, 90% Asien

Typen von Fakten

- **Flow** (Ereignis zu Zeitpunkt T)
 - Verkäufe, Umsatz, Lieferungen, diplomierte Studenten, ...
- **Stock** (Zustand zu Zeitpunkt T)
 - Lagerbestand, eingeschriebene Studenten, Einwohnerzahlen, ...
- **Value-per-Unit** (Eigenschaft zu Zeitpunkt T)
 - Preis, Herstellungskurs, Währungskurs, ...

Typverträglichkeit

	Stock	Flow	Value-per-Unit
MIN/MAX	✓	✓	✓
SUM	Zeit: nein Sonst: ✓	✓	Nie
AVG	✓	✓	✓

- Erkennen von Problemen
 - Nicht automatisch möglich
 - Metadaten – Beschreibung der Measures notwendig

Zusammenfassung

- OLAP Operationen
 - MDDM Modell
 - Modellierung der Daten in der Sprache des Analysten
 - Einschränkung auf sinnvolle Operationen
 - Roll-Up und Drill-Down
 - Selektion und Rotation
- Grafische Notationen sind vorhanden, aber noch nicht verbreitet
- Vorsicht vor Modellierungsfallen
 - Summierung über kategorische Fakten
 - Rekursive Durchschnittsbildung
 - Typunverträgliche Summierung
 - „Löchrige“ Klassifikationshierarchien