Sommersemester 2021 8. Juli 2021

## Übungsblatt 12

Besprechung der mündlichen Aufgaben ab 15. 7. 2021 Abgabe der schriftlichen Lösungen bis 22. 7. 2021, 13:00 Uhr

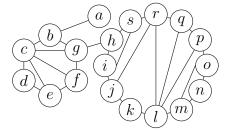
**Aufgabe 52** Sei G = (V, E) ein Graph und  $k \in \mathbb{N}$ . **mündlich** Zeigen Sie, dass  $tw(G) \leq k$  genau dann gilt, wenn G ein Teilgraph eines k-Baums H ist.

Aufgabe 53 mündlich

- (a) Geben Sie einen Baum an, der kein Intervallgraph ist.
- (b) Geben Sie einen Baum an, der zwar Intervallgraph aber kein Pfad ist.
- (c) Zeigen Sie, dass ein Wald W genau dann ein Intervallgraph ist, falls  $pw(W) \leq 1$  gilt.
- (d) Gilt die Implikation  $pw(G) = k = tw(G) \Rightarrow G$  ist ein Intervallgraph auch für k > 1?

Aufgabe 54 mündlich

- (a) Geben Sie für den nebenstehenden outerplanaren Graphen G eine Baumzerlegung der Weite 2 an.
- (b) Geben Sie einen planaren Graphen mit Baumweite 2 an, der nicht outerplanar ist.



(c) Zeigen Sie, dass es für jedes  $k \in \mathbb{N}$  einen planaren Graphen mit Baumweite mindestens k gibt.

Aufgabe 55 mündlich

Geben Sie einen Linearzeitalgorithmus an, der für einen gegebenen Graphen G entscheidet, ob dieser chordal ist, und im positiven Fall eine Baumzerlegung von G in Cliquen berechnet.

Hinweis: Verwenden Sie LexBFS.