

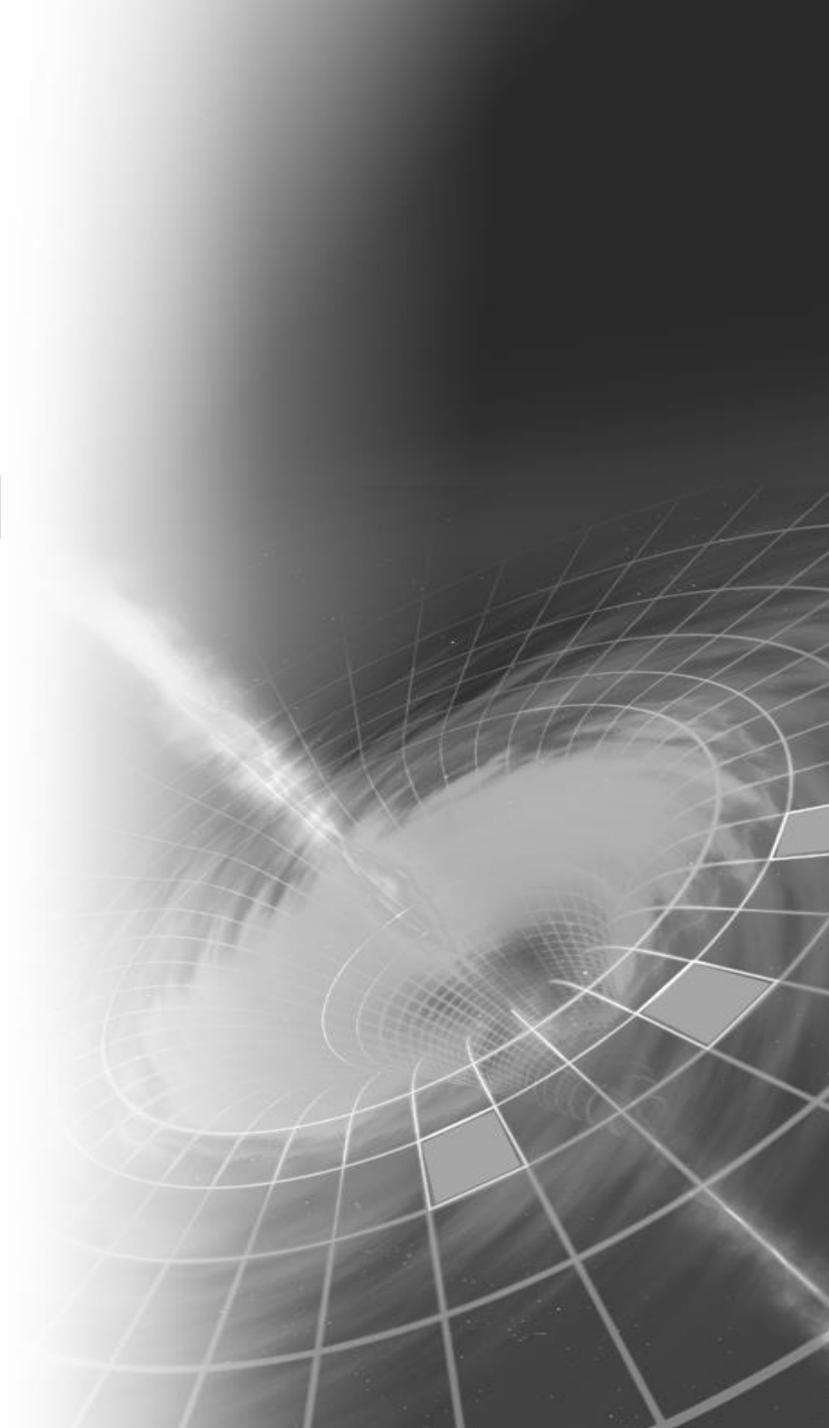
Bachelor-Programm

Compilerbau

im SoSe 2014

Prof. Dr. Joachim Fischer
Dr. Klaus Ahrens
Dipl.-Inf. Ingmar Eveslage

fischer@informatik.hu-berlin.de



Typausdrücke, Typprüfung und Typsystem (Wdh.)

Basis

Compiler (Typ-Checker)

- weist jeder Komponente im Quellprogramm einen Typausdruck zu
- stellt fest, ob die Typausdrücke konform zu einer Menge von Regeln (Typsystem der Sprache) sind
- hat Potential für Fehlerbestimmung

Typ-Checker ist allgemein ein Übersetzungsschema,
das den Typ jedes Ausdrucks aus den Typen seiner Teilausdrücke bestimmt
und über semantische Regeln die Typtests realisiert

Typausdrücke

- **array [256] of char**
führt zum Typausdruck: *array ((1..256), char)*

Attribute für Typprüfung (Wdh.)

- ererbtes Attribut: **type**
- ... und deren Simulation:
mittels
 - a) globale Größe
 - oder
 - b) Zugriff auf Kellerinhalt ~ vorheriger Regel mit bekannter Position

Typkonstruktoren für Beispiel-Sprache

einfache Sprache

als Folge von Deklarationen, gefolgt von einem einzigem Ausdruck

1	P	→	D ; E
2, 3	D	→	D ; D id : T
4, 5, 6, 7	T	→	char integer array [num] of T ↑ T
8, 9, 10, 11	E	→	literal num id E mod E E [E]

Beispiel:

```
x: integer;  
y: array [256] of char;  
z: ↑char;  
x mod 2014
```

Typausdrücke

Basistypen

- char
- integer
- type_error

Konstruktoren

- array
- pointer

zusätzlicher Typ zur
Anzeige von Fehlern

Typausdrücke aus Deklarationen und Ausdrücken

		$P \rightarrow D ; E$ $D \rightarrow D ; D \mid \text{id} : T$ $T \rightarrow \text{char} \mid \text{integer} \mid \text{array} [\text{num}] \text{ of } T \mid \uparrow T$ $E \rightarrow \text{literal} \mid \text{num} \mid \text{id} \mid E \text{ mod } E \mid E [E]$
(1)	$P \rightarrow D ; E$	
(2)	$D \rightarrow D ; D$	
(3)	$D \rightarrow \text{id} : T$	{ addentry (id.name, T.type) }
(4)	$T \rightarrow \text{char}$	{ T.type := character }
(5)	$T \rightarrow \text{int}$	{ T.type := integer }
(6)	$T \rightarrow \text{array} [\text{num}] \text{ of } T_1$	{ T.type := array (1 .. num.val, T_1 .type) }
(7)	$T \rightarrow \uparrow T_1$	{ T.type := pointer (T_1 .type) }
(8)	$E \rightarrow \text{literal}$	{ E.type := character }
(9)	$E \rightarrow \text{num}$	{ E.type := integer }
(10)	$E \rightarrow \text{id}$	{ E.Type := lookup (id.name); }
(11)	$E \rightarrow E_1 \text{ mod } E_2$	{ if (E_1 .type = integer) and (E_2 .type = integer) then E.type := integer else E.type := type_error }
(12)	$E \rightarrow E_1 [E_2]$	{ if (E_2 .type = integer) and (E_1 .type = array (s, t)) then E.type := t else E.type := type_error }

Symbole mit ihren Typ-Werten (Symboltabelle)

(1)	$P \rightarrow D; E$	
(2)	$D \rightarrow D; D$	
(3)	$D \rightarrow id : T$	{ T.entry (id.name, T.type) }
(4)	$T \rightarrow char$	{ T.type := character }
(5)	$T \rightarrow int$	{ T.type := integer }
(6)	$T \rightarrow array [num] of T_1$	{ T.type := array (num, T ₁ .type) }
(7)	$T \rightarrow \uparrow T_1$	{ T.type := pointer (T ₁ .type) }
(8)	$E \rightarrow literal$	{ E.type := character }
(9)	$E \rightarrow num$	{ E.type := integer }
(10)	$E \rightarrow id$	{ E.type := lookup (id.name) }
(11)	$E \rightarrow E_1 \text{ mod } E_2$	{ <u>if</u> (E ₁ .type = integer) <u>and</u> (E ₂ .type = integer) <u>then</u> E.type := integer <u>else</u> E.type := type_error }
(12)	$E \rightarrow E_1 [E_2]$	{ <u>if</u> (E ₂ .type = integer) <u>and</u> (E ₁ .type = array (s, t)) <u>then</u> E.type := t <u>else</u> E.type := type_error }

in RS von (1) erscheint D vor E
 → Typen aller **Bezeichner** sind bereits gespeichert
 bevor Ausdruck E überprüft wird

Symbole mit ihren Typ-Werten (Symboltabelle)

(1)	$P \rightarrow D; E$	
(2)	$D \rightarrow D; D$	
(3)	$D \rightarrow id : T$	{ addentry (id.name, T.type) }
(4)	$T \rightarrow char$	{ T.type := character }
(5)	$T \rightarrow int$	{ T.type := integer }
(6)	$T \rightarrow array [num] of$	{ T.type := array (1 .. num.val, T ₁ .type) }
(7)	$T \rightarrow \uparrow T_1$	{ T.type := pointer (T ₁ .type) }
(8)	$E \rightarrow literal$	{ E.type := character }
(9)	$E \rightarrow num$	{ E.type := integer }
(10)		
(11)		{ E.type = integer } then E.type := integer else E.type := type_error }
(12)	$E \rightarrow E_1 [E_2]$	{ if (E ₂ .type = integer) and (E ₁ .type = array (s, t)) then E.type := t else E.type := type_error }

Typinformationen werden mit Namen des Bezeichners in der Symboltabelle verknüpft

Bildung von Typausdrücken mit Werten aus der Symboltabelle

(1)	$P \rightarrow D; E$	
(2)	$D \rightarrow D; D$	
(3)	$D \rightarrow id : T$	{ addentry (id.name, T.type) }
(4)	$T \rightarrow char$	Konstanten (repräsentiert durch die Token <code>literal</code> und <code>num</code>) erhalten den Typ aus Wertdarstellung (z.B. Codierung für <code>character</code> bzw. <code>integer</code>)
(5)	$T \rightarrow int$	
(6)	$T \rightarrow array [num] of T_1$	
(7)	$T \rightarrow \uparrow T_1$	{ T.type := pointer (T ₁ .type) }
(8)	$E \rightarrow literal$	{ E.type := character }
(9)	$E \rightarrow num$	{ E.type := integer }
(10)	$E \rightarrow id$	{ E.type := lookup (id.name); }
(11)	$E \rightarrow E_1 mod E_2$	Der Typ eines Bezeichners in einem Ausdruck ergibt sich aus seinem Symboltabelleneintrag (zugeordnetes Attribut)
(12)	$E \rightarrow E_1 [E_2]$	
		then E.type := t else E.type := type_error }

Bildung gültiger und ungültiger Typausdrücke (1)

(1)	$P \rightarrow D; E$	
(2)	$D \rightarrow D; D$	
(3)	$D \rightarrow id : T$	{ addentry (id.name, T.type) }
(4)	$T \rightarrow char$	{ T.type := character }
(5)	$T \rightarrow int$	{ T.type := integer }
(6)	$T \rightarrow array [num] of T_1$	{ T.type := array (num, T_1.type) }
(7)	$T \rightarrow \uparrow T_1$	
(8)	$E \rightarrow literal$	
(9)	$E \rightarrow num$	
(10)	$E \rightarrow id$	
(11)	$E \rightarrow E_1 \text{ mod } E_2$	{ if (E ₁ .type = integer) and (E ₂ .type = integer) then E.type := integer else E.type := type_error }
(12)	$E \rightarrow E_1 [E_2]$	{ if (E ₂ .type = integer) and (E ₁ .type = array (s, t)) then E.type := t else E.type := type_error }

Typ eines **mod**-Ausdrucks ist **integer**, wenn beide Teilausdrücke **integer** sind,

sonst ein künstlich eingeführter Fehlertyp **type_error**, der in weiteren Typberechnungen verwandt werden kann

Bildung gültiger und ungültiger Typausdrücke (2)

(1)	$P \rightarrow D; E$	
(2)	$D \rightarrow D; D$	
(3)	$D \rightarrow id : T$	{ addentry (id.name, T.type) }
(4)	$T \rightarrow char$	{ T.type := character }
(5)	$T \rightarrow int$	{ T.type := integer }
(6)	$T \rightarrow array [num] of T_1$	{ T.type := array (1, num, T.type) }
(7)	$T \rightarrow \uparrow T_1$	
(8)	$E \rightarrow literal$	
(9)	$E \rightarrow num$	
(10)	$E \rightarrow id$	
(11)	$E \rightarrow E_1 \text{ mod } E_2$	<p>if E.type = integer else E.type := type_error }</p>
(12)	$E \rightarrow E_1 [E_2]$	<p>{ if (E₂.type = integer) and (E₁.type = array (i, t)) then E.type := t else E.type := type_error }</p>

Achtung:

die Indexmenge des Arrays wird **hier** für Typ-berechnung nicht eingesetzt)

- Index beim Aufruf muss **integer** sein
- Feld-Ausdruck wurde aus **i** und **t** konstruiert
- ➔ **t** wird Ergebnistyp, sonst Fehlertyp

Erweiterung der Beispielsprache

(1) weitere Typen und Ausdrücke

z.B.

real: Arithmetische Ausdrücke

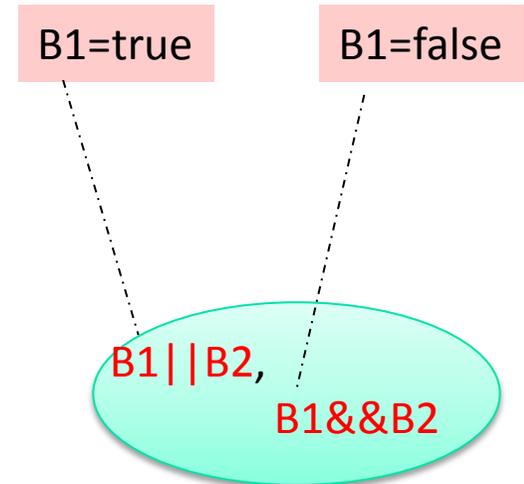
boolean: Vergleichsausdrücke

statische Semantik einer Sprache legt fest,
inwieweit boolesche Ausdrücke in Kontrollflussanweisungen
komplett oder nur partiell ausgewertet werden

prinzipiell erfolgt die Ausdrucksberechnung nach dem gleichen Schema

(2) Anweisungen (Zuweisungen, Verzweigungen, Schleifen)

- werden hier durch Semikolons getrennt
- haben (typischer Weise) keine Werte,
dennoch Verwendung von `void` im Normalfall `und` im Fehlerfall `type_error`



s. letzte Vorlesung

Erweiterung der Sprache

Programm: Sequenz von Deklarationen, gefolgt von Anweisungen
neue Regeln: (1), (13)-(16)

1	$P \rightarrow$	$D ; S$
2, 3	$D \rightarrow$	$D ; D \mid \text{id} : T$
4, 5, 6, 7	$T \rightarrow$	$\text{boolean} \mid \text{char} \mid \text{int} \mid \text{array} [\text{num}] \text{ of } T \mid \uparrow T$
8, 9, 10, 11, 12	$E \rightarrow$	$\text{literal} \mid \text{num} \mid \text{id} \mid E \text{ mod } E \mid E [E]$
13	$S \rightarrow$	$\text{id} := E$
14	$S \rightarrow$	$\text{if } E \text{ then } S_1$
15	$S \rightarrow$	$\text{while } E \text{ do } S_1$
16	$S \rightarrow$	$S_1 ; S_2$

Behandlung von Funktionsaufrufen

- zur Aufnahme von Funktionstypen in **Deklarationen**

$T \rightarrow T_1 \Rightarrow T_2$	{ T.type:= function (T ₁ .type, T ₂ .type) }
-------------------------------------	---

- **Anwendung** einer Funktion auf ein Argument (Call)

$E \rightarrow E_1 (E_2)$	{ E.type:= if E ₂ .type = s and E ₁ .type = function (s, t) then t else type_error }
-----------------------------	---

bedeutet:

Typ E₁ muss eine Funktion $s \Rightarrow t$ sein,
dessen Definitionsbereich s vom Typ E₂ sein muss
und dessen Resultattyp t ein Teilbereichstyp von E ist

- Aufnahme weiterer Argumente
möglich bei Verwendung eines Produkttypkonstruktors

Position

- Teil I
Die Programmiersprache

- Teil II
Methodische Grundlagen

- Teil III
Entwicklung der Compiler

- Kapitel 1
Compilationsprozess
- Kapitel 2
Formalismen zur Sprachbeschreibung
- Kapitel 3
Lexikalische Analyse: die Scanner
- Kapitel 4
Syntaktische Analyse: die Parser
- Kapitel 5
Parser-Generatoren: Yacc
- Kapitel 6
Statische Semantikanalyse
- Kapitel 7
Laufzeitsysteme

- 6.1
Überblick
- 6.2
Attribute
- 6.3
S-Attribute
- 6.4
Attribute und ereignisgesteuerte Semantik
- 6.5
L-Attribute
- 6.6
Verfahren zur semantischen Analyse
- 6.7
Entwurf von Laufzeitsystemen
- 6.8
Drei-Adress-Code-Generierung (einige Aspekte)
- 6.9
Symboltabelle
- 6.10
Typprüfung

- 6.10.1
Typsysteme, Typchecker
- 6.10.2
Typchecker für eine einfache Sprache
- 6.10.3
Wandlung kompatibler Typen
- 6.10.4
Überladung von Operatoren und Funktionen
- 6.10.5
Typcodierung

Typumwandlungen (Typanpassung)

Ausdruck $x + i$

- es gibt unterschiedliche Maschinenbefehle für Operationen in Abhängigkeit der Operandentypen
- Problem
falls Operanden nicht vom gleichen Typ (z.B. x **real** und i **integer**)
- Sicherstellung,
dass beide Operanden vom gleichen Typ sind
(übliche Abfolge: Wandlung des **int**-Operanden nach **real**, **real**-Addition, **real**-Ergebnis)
- Typumwandlung kann vom Typüberprüfer als **semantische Aktion** realisiert werden

Postfixnotation im Zwischencode: $x\ i\ \text{intto}\text{real}\ \text{realadd}$

- x auf den Stack,
- i auf den Stack,
- **int-nach-real**-Umwandlung ($\text{tos} \rightarrow 1.\text{Operand}$),
- **real**-Addition ($\text{tos} \rightarrow 2.\text{Operand}$, $\text{tos} \rightarrow 1.\text{Operand}$)

Prinzip der Typumwandlung

E.type \in {integer, float}

Typkonvertierungsregeln sind sprachabhängig

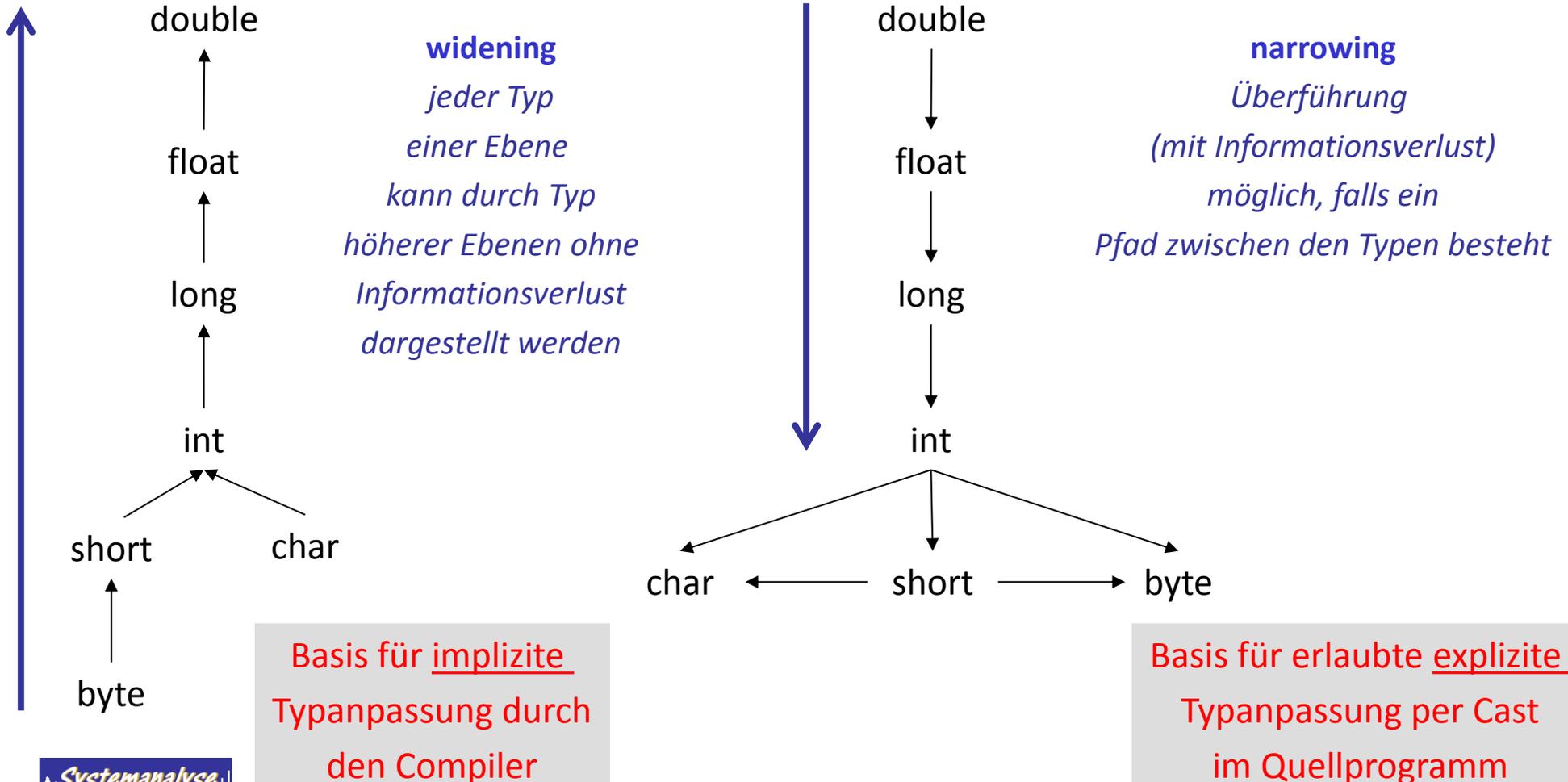
$E \rightarrow E1 + E2$

```
{ if (E1.type = integer and E2.type = integer)
    then E.type = integer
    else if (E1.type = float and E2.type = integer)
    then E.type = ...
}
```

Beispiel Java: Die Sprache unterscheidet zwischen:

- erweiternder Konvertierung (**widening**): informationserhaltend
- einengender Konvertierung (**narrowing**): mit Informationsverlust

Konvertierungen primitiver Java-Typen



Implizite und explizite Typumwandlungen i.Allg.

implizite Umwandlungen

- automatisch durch den Compiler
- in den meisten Sprachen: nur **widening**-Konvertierungen erlaubt

Beispiel: `real` → `int` sollte **keine** implizite Umwandlung sein, weil Nach-Komma-Stellen verloren gehen können

Sprachen haben u.U. sehr viele Typen
um Typanpassungsfälle in Grenzen zu halten,
bedarf es eines sorgfältigen Entwurfs semantischer Regeln

explizite Typumwandlung

- vom Programmierer erzwungen
(durch Aufruf von Funktionen, verursachen also keine neuen Probleme)
- **narrowing**-Konvertierungen (nicht-typsicheres »Casten«)

implizit

2*3.14

→

t1:= (float) 2
t2:= t1 *3.14

←

(float)2 * 3.14

explizit (widening)

2 * (int) 3.14

explizit (narrowing)

Semantische Aktionen für Typanpassung

Semantische Aktionen von $E \rightarrow E1 + E2$ verwendet zwei Operationen

max und **widen** bilden Basis für **implizite** Typanpassung einer Sprache

type **max** (type **t1**, type **t2**)

kleinste gemeinsame Ausprägung
von **t1** und **t2** in der Typhierarchie oder Fehler (falls leer)

```
addr widen (addr a, type t, type w)  
  if (t == w) return a;  
  else if (t == integer and w == float) {  
    temp = new Temp();  
    gen (temp '=' '(float)' *a);  
    return temp;  
  }  
  else error;  
}
```

Konvertierung:

Inhalt von Adresse **a** vom Typ **t** zum Typ **w**
am Beispiel von **integer** und **float**

erzeugt **Drei-Adressbefehle**

Typanpassung in Gestalt semantischer Regeln

$E \rightarrow E_1 + E_2$

```
{ E.type:= max (E1.type, E2.type);  
  a1:= widen (E1.addr, E1.type, E.type);  
  a2:= widen (E2.addr, E2.type, E.type);  
  
  E.addr= new Temp();  
  gen (E.addr '=' a1 '+' a2); }
```

im Allg. werden Werte zweier
verschiedener Typen
- in dritten Typ überführt (**max**)
- und dann verknüpft

temporäre Variablen: a1, a2

Position

- Teil I
Die Programmiersprache

- Teil II
Methodische Grundlagen

- Teil III
Entwicklung der Compiler

- Kapitel 1
Compilationsprozess
- Kapitel 2
Formalismen zur Sprachbeschreibung
- Kapitel 3
Lexikalische Analyse: die Scanner
- Kapitel 4
Syntaktische Analyse: die Parser
- Kapitel 5
Parser-Generatoren: Yacc
- Kapitel 6
Statische Semantikanalyse
- Kapitel 7
Laufzeitsysteme

- 6.1
Überblick
- 6.2
Attribute
- 6.3
S-Attribute
- 6.4
Attribute und ereignisgesteuerte Semantik
- 6.5
L-Attribute
- 6.6
Verfahren zur Code-Generierung
Überblick
- 6.7
Entwurf der Code-Generierung
- 6.8
Drei-Adress-Code-Generierung (einige Aspekte)
- 6.9
Symboltabelle
- 6.10
Typprüfung

- 6.10.1
Typsysteme, Typchecker
- 6.10.2
Typchecker für eine einfache Sprache
- 6.10.3
Wandlung kompatibler Typen
- 6.10.4
Überladung von Operatoren und Funktionen
- 6.10.5
Typcodierung

Prinzip der Überladung

- überladene Symbole

haben in Abhängigkeit vom Kontext verschiedene Bedeutungen

Auflösung: durch Kontextfeststellung bei Identifikation der jeweiligen Symbolbedeutung

- **Java-Funktion**: Kontextbestimmung reduziert sich auf Auswertung der Typen der Parameter

Beispiel:

(1) vordefinierter Operator: + (Semantik: Stringverkettung oder Addition)

(2) `void err () { ... }`

`void err (String s) { ... }`

- **Ada-Operator (vordefiniert): ***

- entspricht einer Funktion:

```
function "*" (i, j: integer) return integer;
```

- kann überladen werden mit:

```
function "*" (i, j: integer) return complex;
```

```
function "*" (i, j: complex) return complex;
```

- **Kontextbestimmung**: neben den Operanden muss auch das Ziel der Zuweisung ausgewertet werden

Überladung von Funktionen und Operatoren (3)

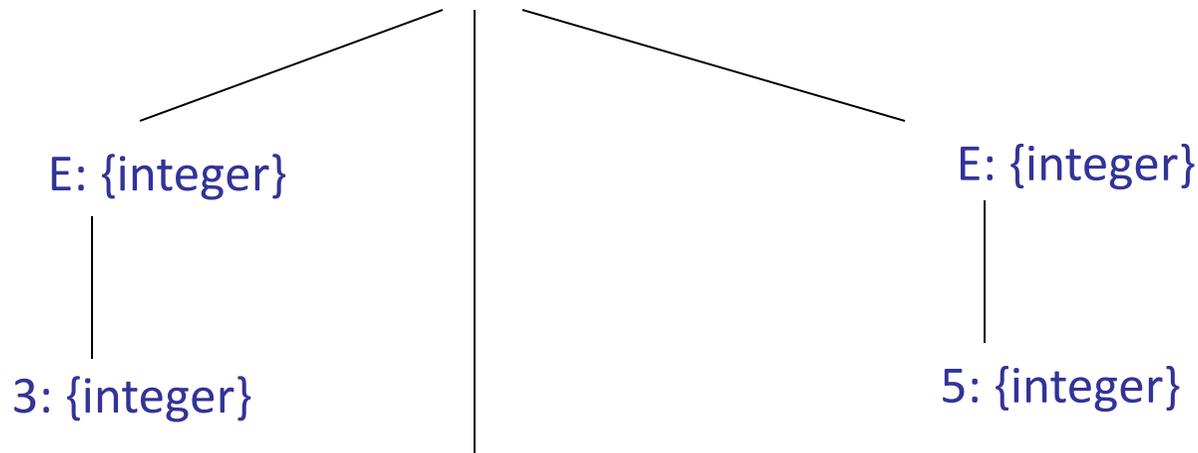
Beispiel

(Ada-Ausdruck) $3 * 5$

{integer, complex}

zwei Typen für Teilausdruck
immer noch möglich:
Entscheidung durch Kontext

E: {?}



*: { integer × integer → integer,
integer × integer → complex,
complex × complex → complex }

Ada verlangt eine **Typfehlererkennung**,
falls für einen konkreten Kontext **mehr als ein Typ** für einen Ausdruck möglich ist

Berechnung von Typmengen

bislang: jeder Ausdruck ist nur von einem einzigen Typ, so auch ein Funktionsaufruf

(1)	$E \rightarrow E_1 (E_2)$	$E.type := \underline{\text{if}} (E_2.type = s) \underline{\text{and}} (E_1.type = s \Rightarrow t) \underline{\text{then}} t$ else type_error
-----	-----------------------------	--

jetzt: Verallgemeinerung der Regel auf Mengen von Typen

(1)	$E' \rightarrow E$	$E'.types := E.types$	<i>liefert Menge möglicher Typen für einen Eintrag</i>
(2)	$E \rightarrow \text{id}$	$E.types := \text{lookup} (\text{id.name})$	
(3)	$E \rightarrow E_1 (E_2)$	$E.types := \{ t \mid \text{es gibt ein } s \text{ in } E_2.types, \text{ so dass } s \Rightarrow t \text{ in } E_1.types \}$ nur auf Basis der Operanden-Angabe !!!	

Lesart: wenn s einer der Typen von E_2 ist und einer der Typen von E_1 dieses s auf t abbilden kann, dann ist t einer der Typen von $E_1(E_2)$, also E

Ziel: $E'.types$ darf nur einen einzigen Typ t enthalten, sonst Fehler
E: errorbees Attribut unique

Reduktion der Typmenge eines Ausdrucks

Der vollständige Ausdruck wird durch E' generiert
 E' .types soll deshalb nur aus einem Element bestehen

der einzelne Typ t wird (als unique) ererbt

(1)	$E' \rightarrow E$	$E'.types := E.types$ $E.unique := \text{if } E'.types = \{t\} \text{ then } t \text{ else type_error}$
(2)	$E \rightarrow \text{id}$	$E.types := \text{lookup}(\text{id.name})$
(3)	$E \rightarrow E_1 (E_2)$	$E.types := \{ s' \mid \text{es existiert ein } s \text{ in } E_2.types, \text{ so dass } s \rightarrow s' \text{ in } E_1.types \}$ $t := E.unique$ $S := \{ s \in E_2.types \text{ and } s \rightarrow t \in E_1.types \}$ $E_2.unique := \text{if } S = \{s\} \text{ then } s \text{ else type_error}$ $E_1.unique := \text{if } S = \{s\} \text{ then } s \rightarrow t \text{ else type_error}$

Wenn eine Funktion $E_1(E_2)$ den Typ t zurückliefert, dann können wir den Typ s finden, der für das Argument E_2 machbar ist

Gleichzeitig ist $s \rightarrow t$ für die Funktion machbar.

Menge S wird benutzt, um zu prüfen, dass es einen einzigen Typ s mit dieser Eigenschaft gibt

Erster Durchlauf: Berechnung von types (unten \rightarrow oben)

(1)	$E' \rightarrow E$	$E'.types := E.types$ $E.unique := \text{if } E'.types = \{t\} \text{ then } t \text{ else type_error}$	3
(2)	$E \rightarrow id$	$E.types := \text{lookup}(id.name)$	1
(3)	$E \rightarrow E_1 (E_2)$	$E.types := \{ s' \mid \text{es existiert ein } s \text{ in } E_2.types, \text{ so dass } s \rightarrow s' \text{ in } E_1.types \}$ $t := E.unique$ $S := \{ s \in E_2.types \text{ and } s \rightarrow t \in E_1.types \}$ $E_2.unique := \text{if } S = \{s\} \text{ then } s \text{ else type_error}$ $E_1.unique := \text{if } S = \{s\} \text{ then } s \rightarrow t \text{ else type_error}$	2

Zweiter Durchlauf: Verbreitung von unique (oben \rightarrow unten)

(1)	$E' \rightarrow E$	$E'.types := E.types$ E.unique := if $E'.types = \{t\}$ then t else type_error $E'.code := E.code$	1
(2)	$E \rightarrow id$	$E.types := lookup(id.name)$ $E.code := gen(id.lexeme ':' E.unique)$	
(3)	$E \rightarrow E_1 (E_2)$	$E.types := \{ s' \mid \text{es existiert ein } s \text{ in } E_2.types, \text{ so dass } s \rightarrow s' \text{ in } E_1.types \}$ t := E.unique $S := \{ s \in E_2.types \text{ and } s \rightarrow t \in E_1.types \}$ E₂.unique := if $S = \{s\}$ then s else type_error E₁.unique := if $S = \{s\}$ then $s \rightarrow t$ else type_error $E.code := E_1.code \parallel E_2.code \parallel gen('apply' ':' E.unique)$	2 3

Position

- Teil I
Die Programmiersprache

- Teil II
Methodische Grundlagen

- Teil III
Entwicklung der Compiler

- Kapitel 1
Compilationsprozess
- Kapitel 2
Formalismen zur Sprachbeschreibung
- Kapitel 3
Lexikalische Analyse: die Scanner
- Kapitel 4
Syntaktische Analyse: die Parser
- Kapitel 5
Parser-Generatoren: Yacc
- Kapitel 6
Statische Semantikanalyse
- Kapitel 7
Laufzeitsysteme

- 6.1
Überblick
- 6.2
Attribute
- 6.3
S-Attribute
- 6.4
Attribute und ereignisgesteuerte Semantik
- 6.5
L-Attribute
- 6.6
Verfahren zur Typcodierung
Überblick
- 6.7
Entwurf
- 6.8
Drei-Adress-Code-Generierung (einige Aspekte)
- 6.9
Symboltabelle
- 6.10
Typprüfung

- 6.10.1
Typsysteme, Typchecker
- 6.10.2
Typchecker für eine einfache Sprache
- 6.10.3
Wandlung kompatibler Typen
- 6.10.4
Überladung von Operatoren und Funktionen
- 6.10.5
Typcodierung

Strukturelle Typäquivalenz (bereits bekannt)

- natürlicher Ansatz, wenn Typausdrücke über einfache Typen und Konstruktoren gebildet werden

- $s \equiv t$, falls s und t vom gleichen Basistyp sind
- $\text{array}(s_1, s_2) \equiv \text{array}(t_1, t_2)$, falls $s_1 \equiv t_1$ und $s_2 \equiv t_2$
- $s_1 \times s_2 \equiv t_1 \times t_2$, falls $s_1 \equiv t_1$ und $s_2 \equiv t_2$
- $\uparrow s \equiv \uparrow t$, falls $s \equiv t$
- $s_1 \Leftrightarrow s_2 \equiv t_1 \Leftrightarrow t_2$, falls $s_1 \equiv t_1$ und $s_2 \equiv t_2$

Achtung: (wissen bereits) Abweichungen in der Praxis möglich

Algorithmus: Feststellung von struktureller Typgleichheit

```
(1)  function structEquiv (s, t : type): boolean;  
(2)  begin  
(3)    if s und t vom selben Basistyp  
(4)      then return true  
(5)    else if s = array(s1,s2) and t= array(t1,t2)  
(6)      then return structEquiv(s1,t1) and structEquiv(s2,t2)  
(7)    else if s = product(s1,s2) and t= product(t1,t2)  
(8)      then return structEquiv(s1,t1) and structEquiv(s2,t2)  
(9)    else if s = pointer(s1) and t= pointer(t1)  
(10)     then return structEquiv(s1,t1)  
(11)   else if s = function(s1,s2) and t= function(t1,t2)  
(12)     then return structEquiv(s1,t1) and structEquiv(s2,t2)  
(13)   else return false  
(14)  end
```

rekursiver Vergleich
der Struktur ohne
Zyklentest

→ anwendbar auf
DAG-Repräsentation

→ kann erweitert werden
(weitere Typen)

→ kann modifiziert
werden
(Gleichheitsmodifikation)

Repräsentation von Typausdrücken

- bislang: ~ Syntaxbaum, es gibt weitere Formen
- kompakte Darstellung stammt von D.M. Ritchie:

Typausdruck wird als Bitfolge codiert und als einzelner int-Wert interpretiert:

→ unterschiedliche Werte repräsentieren strukturell unterschiedliche Typen

- Verbindung des letzten Algorithmus mit Codierungsmethode:
 - zuerst Vergleich der strukturellen Gleichheit mit Codierungsmethode
 - Fortsetzung mit Algorithmus im Fall von Gleichheit

Beispiel: Alternative Typausdrucksrepräsentation

- Typkonstruktoren (vereinfacht)
 - `pointer(t)` Zeiger auf Typ `t`
 - `fReturns(t)` Funktion mit einigen Parametern,
die ein Objekt vom Typ `t` zurückgibt
(Beachtung der Parametertypen an anderer Stelle)
 - `array(t)` Feld unbestimmter Länge mit Elementen von Typ `t`
(Beachtung der Länge des Feldes an anderer Stelle)

Beispiel: einfache Struktur
(Konstruktoren mit
einem einzigen Parameter)

```
char  
fReturns(char)  
pointer(fReturns(char))  
array(pointer(fReturns(char)))
```

jeder Ausdruck kann durch Bitfolge codiert werden

Beispiel: Alternative Typausdrucksrepräsentation

drei Typkonstruktoren → zwei Bits

Typkonstruktor	Codierung
pointer	01
array	10
fReturns	11

vier Basistypen → vier Bits
(erweiterungsfähig)

Basistyp	Codierung
boolean	0000
char	0001
integer	0010
real	0011

Ausdruck	Codierung
char	000000 0001
fReturns(char)	0000 11 0001
pointer(fReturns(char))	0001 11 0001
array(pointer(fReturns(char)))	1001 11 0001

Codierung des
einfachen Typs
(rechts stehende vier Bits)

Ausweitung auf Record-Typen:
jeder Record wird als ein Basistyp
betrachtet
separate Bitfolge codiert Typen
aller Felder



Codierung: Typausdrücke

Vorzüge

- Speichereffizienz
- einfache Verfolgung der Anwendung von Typkonstruktoren

Eigenschaften

- zwei verschiedene Bitfolgen können nicht den gleichen Typ repräsentieren
- unterschiedliche Typen können aber gleiche Bitfolgen haben (Nichtbeachtung von Funktionsargumenten, Arraygrößen)

Position

- Teil I
Die Programmiersprache

- Teil II
Methodische Grundlagen

- Teil III
Entwicklung der Compiler

- Kapitel 1
Compilationsprozess

- Kapitel 2
Formalismen zur Sprachbeschreibung

- Kapitel 3
Lexikalische Analyse: die Scanner

- Kapitel 4
Syntaktische Analyse: die Parser

- Kapitel 5
Parser-Generatoren: Yacc

- Kapitel 6
Statische Semantikanalyse

- Kapitel 7
Laufzeitsysteme

- 6.1
Überblick

- 6.2
Attribute

- 6.3
S-Attribute

- 6.4
Attribute und ereignisgesteuerte Semantik

- 6.5
L-Attribute

- 6.6
Verfahren zur Typcodierung
Überblick

- 6.7
Entwurf

- 6.8
Drei-Adress-Code-Generierung (einige Aspekte)

- 6.9
Symboltabelle

- 6.10
Typprüfung

- 6.10.1
Typsysteme, Typchecker

- 6.10.2
Typchecker für eine einfache Sprache

- 6.10.3
Wandlung kompatibler Typen

- 6.10.4
Überladung von Operatoren und Funktionen

- 6.10.5
Typcodierung

Position

Teil I
Die Programmiersprache

Teil II
Methodische Grundlagen

Teil III
Entwicklung des Übersetzungsprogramms

Kapitel 1
Compilationsprozess

Kapitel 2
Formalismen zur Sprachbeschreibung

Kapitel 3
Lexikalische Analyse: die Scanner

Kapitel 4
Syntaktische Analyse: die Parser

Kapitel 5
Parser-Generatoren: Yacc

Kapitel 6
Statische Semantikanalyse

Kapitel 7
Laufzeitsysteme

~~Kapitel 8
Ausblick: Codegenerierung~~

6.1
Überblick: Grammatik-basierte Übersetzung

6.2
Attributgrammatiken

6.3
S-attributierte Syntaxdefinitionen

6.4
Attributierte Syntaxdefinitionen mit synthetisierten und ererbten Attributen

6.5
L-attributierte Syntaxdefinitionen

6.6
Verfahren syntaxgesteuerter Übersetzungen im Überblick

6.7
Entwurf syntaxgesteuerter Übersetzungen

6.8
Drei-Adress-Code-Generierung (einige Aspekte)

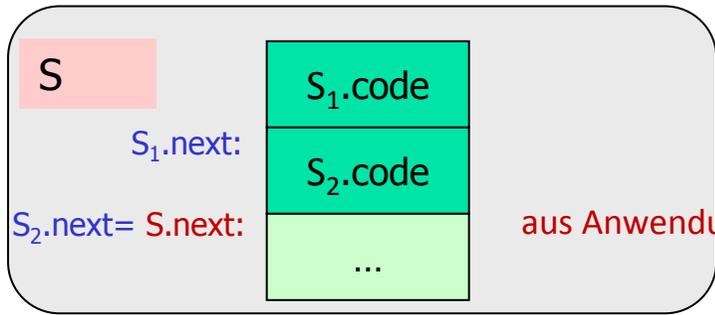
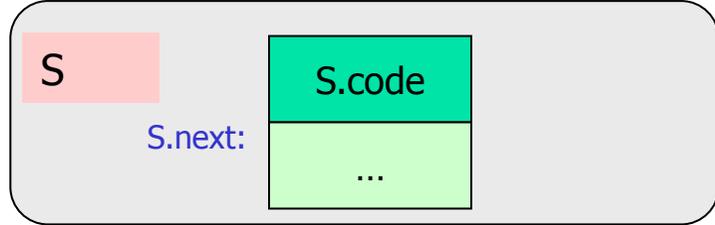
6.9
Symboltabelle

6.10
Typprüfung

6.11
Drei-Adress-Code-Generierung (weitere Aspekte)

Übersetzung von Kontrollflussanweisungen (1)

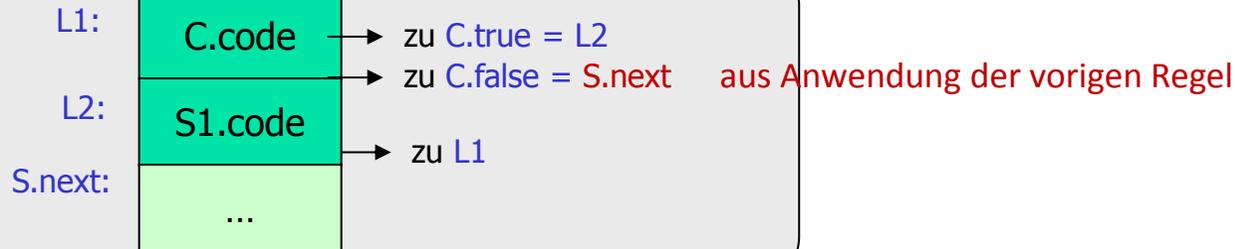
$P \rightarrow S ;$
 $S \rightarrow S_1 ; S_2$
 $S \rightarrow \text{if } (C) S_1$
 $S \rightarrow \text{if } (C) S_1 \text{ else } S_2$
 $S \rightarrow \text{while } (C) S_1$



Produktion	semantische Regel
$P \rightarrow S ;$	$S.next := \text{newlabel}()$ $P.code := S.code \ \ \text{label}(S.next)$
$S \rightarrow S_1 ; S_2$	$S_2.next := S.next$ $S_1.next := \text{newlabel}()$ $S.code := S_1.code \ \ \text{label}(S_1.next) \ \ S_2.code$

Übersetzung von Kontrollflussanweisungen (2)

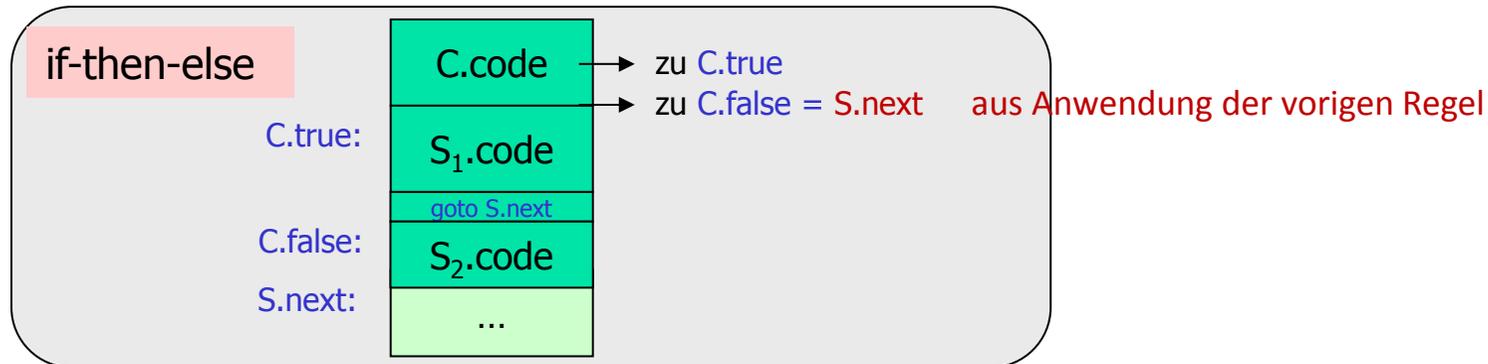
while



Produktion	semantische Regel
$S \rightarrow \text{while } (C) \text{ do } S_1$	<pre> L1:= newlabel() L2:= newlabel() C.false:= S.next S1.next:= L1 S.code label(L1) C.code label(L2) S1.code gen ('goto' L1) </pre>

gen erzeugt **Drei-Adressbefehle**

Übersetzung von Kontrollflussanweisungen (3)



Produktion	semantische Regel
$S \rightarrow \text{if (C) } S_1 \text{ else } S_2$	<pre> C.true:= newlabel() C.false:= newlabel() S₁.next:= S₂.next:= S.next S.code := C.code label(C.true) S₁.code gen('goto' S.next) label(C.false) S₂.code </pre>

Übersetzung von Zuweisungsanweisungen

Produktion	semantische Regel
$S \rightarrow \mathbf{id} := E$	<pre>{ p:= lookup(id.name); if p=/ nil then gen(p ':=' E.entry) else error }</pre>
$E \rightarrow E1 + E2$	<pre>{ E.entry:= newtemp(); gen(E1.entry '+' E2.entry) }</pre>
$E \rightarrow E1 * E2$	<pre>{ E.entry:= newtemp(); gen(E1.entry '*' E2.entry) }</pre>
$E \rightarrow - E1$	<pre>{ E.entry:= newtemp(); gen(E.entry ':=' 'uminus' E1.entry) }</pre>
$E \rightarrow (E1)$	<pre>{ E.entry:= E1.entry }</pre>
$E \rightarrow \mathbf{id}$	<pre>{ p:= lookup(id.name); if p=/ nil then E.entry:= p else error }</pre>

lookup

prüft ob Eintrag vorhanden ist,
wenn ja, wird Zeiger - sonst **nil** zurückgegeben
(dabei werden die Deklarationsniveaus
berücksichtigt)

gen

erzeugt **Drei-Adressbefehle** und schreibt
sie in eine Ausgabedatei

Übersetzung von Deklarationen (Wdh.)

Produktionen mit semantischen Regeln

```
P →      { offset:= 0 }  
  D  
D → D ; D  
D → id : T ; { top.put (id.lexeme, T.type, offset);  
              offset:= offset + T.width }  
T → int      { T.type:= integer;  
              T.width:=4}  
T → real     { T.type:= real;  
              B.width:=8}  
T → array  
  [ num ]  
  of T 1 { T.type:= array(num.value, T1.type);  
          T.width:= num.value * T1.width }  
T → ↑ T1    { T.type:= pointer(T1.type);  
            T.width:= 4 }
```

$P \rightarrow MD$

$M \rightarrow \varepsilon \{ \text{offset} := 0 \}$

Übersetzung lokaler Prozedur-Deklarationen

```
P → D
D → D ; D
D → id: T
D → proc id ; D ; S
```

Vorgehen:

- jede Prozedur erhält eine **eigene** Symboltabelle, die wie andere Symboltabellen auf einen Stack geschoben werden
(dabei Prinzip: wie bei verschachtelten Records, s. letzte Vorlesung)
- es stehen **zwei (synchrone) Stacks** zur Verfügung:
 - **symTptr** (Erfassung der hierarchischen Symboltabellen)
 - **Offset** (Erfassung der zugehörigen relativen Adressen der Anfänge der Symboltabellen)

```
program sort (input, output):
```

```
  var a: array [0..10] of integer;  
      x: integer;
```

```
  procedure readarray;  
    var i: integer;  
  begin ... a ... end {readarray};
```

```
  procedure exchange (i, j: integer);  
  begin  
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x  
  end {exchange};
```

```
  procedure quicksort (m, n: integer);  
    var k,v: integer;
```

```
    function partition (y, z: integer): integer;  
      var i, j: integer;  
    begin  
      ...a...  
      ...v...  
      ...exchange(i,j) ...  
    end {partition};
```

```
  begin
```

```
    ...  
  end {quicksort};
```

```
begin
```

```
...  
end {sort}.
```

Verweis auf die vorherige Symboltabelle

Produktionen mit semantischen Regeln

```
P → MD      { addwidth (t, top(symTptr); top(offset));  
              pop(symTptr); pop(offset) }  
  
M → ε       { t:= makeTable(nil);  
              push(t, symTptr); push(0, offset) }  
  
D → D ; D  
D → proc id; N D1; S  
          { t= top(symTptr);  
            addwidth (t, top(offset));  
            pop(symTptr); pop(offset);  
            enterproc(top(symTptr), id.lexeme, t) }  
  
D → id: T  { enter(top(symTptr), id.lexeme, T.type, top(offset));  
              top(offset):= top(offset) + T.width }  
  
N → ε       { t:= makeTable(top(symTptr));  
              push(t, symTptr); push(0, offset) }
```

vor Analyse der globalen Deklarationen

- erzeugte t als neue Symboltabelle (für sort)
- schiebe t auf den Symboltabellen-Stack
- schiebe 0 als relative Adresse von t auf Offset-Stack

program sort (input, output):

```
var a: array [0..10] of integer;  
    x: integer;
```

```
procedure readarray;  
    var i: integer;  
begin ... a ... end {readarray};
```

```
procedure exchange (i, j: integer);  
begin  
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x  
end {exchange};
```

```
procedure quicksort (m, n: integer);  
    var k,v: integer;
```

```
function partition (y, z: integer): integer;  
    var i, j: integer;  
begin  
    ...a...  
    ...v...  
    ...exchange(i,j) ...  
end {partition};
```

```
begin
```

```
    ...  
end {quicksort};
```

```
begin
```

```
    ...  
end {sort }.
```

sort



top



symTptr

offset

```
program sort (input, output);
```

```
  var a: array [0..10] of integer;  
      x: integer;
```

```
  procedure readarray;  
    var i: integer;  
  begin ... a ... end {readarray};
```

```
  procedure exchange (i, j: integer);  
  begin  
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x  
  end {exchange};
```

```
  procedure quicksort (m, n: integer);  
    var k,v: integer;
```

```
    function partition (y, z: integer): integer;  
      var i, j: integer;  
    begin  
      ...a...  
      ...v...  
      ...exchange(i,j) ...  
    end {partition};
```

```
  begin
```

```
    ...  
  end {quicksort};
```

```
begin
```

```
...  
end {sort}.
```

Produktionen mit semantischen Regeln

$P \rightarrow MD$ { addwidth (t, top(symTptr); top(offset));
 pop(symTptr)); pop(offset) }

$M \rightarrow \varepsilon$ { t:= makeTable(nil);
 push(t, symTptr); push(0, offset) }

$D \rightarrow D ; D$

$D \rightarrow \text{proc id}; N D1; S$
 { t= top(symTptr);
 addwidth (t, top(offset));
 pop(symTptr); pop(offset);
 enterproc(top(symTptr), id.lexeme, t) }

$D \rightarrow \text{id}: T$ { enter(top(symTptr), id.lexeme, T.type, top(offset));
 top(offset):= top(offset) + T.width }

$N \rightarrow \varepsilon$ { t:= makeTable(top(symTptr));
 push(t, symTptr); push(0, offset) }

Symboltabelleneintrag

- *aktuelle Symboltabelle (Zeiger vom Stack)*
- *Name mit Attributen und relative Adresse (vorher bestimmt aus Offset-Stack)*
- *Aktualisierung des Offsets der aktuellen Symboltabelle*

```
program sort (input, output):
```

```
  var a: array [0..10] of integer;  
      x: integer;
```

```
  procedure readarray;  
    var i: integer;  
  begin ... a ... end {readarray};
```

```
  procedure exchange (i, j: integer);  
  begin  
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x  
  end {exchange};
```

```
  procedure quicksort (m, n: integer);  
    var k,v: integer;
```

```
    function partition (y, z: integer): integer;  
      var i, j: integer;  
    begin  
      ...a...  
      ...v...  
      ...exchange(i,j) ...  
    end {partition};
```

```
  begin
```

```
    ...  
  end {quicksort};
```

```
begin
```

```
...  
end {sort}.
```

sort

Kopf	nil
a	...
x	...

top

sort	0
------	---

symTptr

offset

```
program sort (input, output):
```

```
  var a: array [0..10] of integer;  
      x: integer;
```

```
  procedure readarray;  
    var i: integer;  
  begin ... a ... end {readarray};
```

```
  procedure exchange (i, j: integer);  
  begin  
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x  
  end {exchange};
```

```
  procedure quicksort (m, n: integer);  
    var k,v: integer;
```

```
    function partition (y, z: integer): integer;  
      var i, j: integer;  
    begin  
      ...a...  
      ...v...  
      ...exchange(i,j) ...  
    end {partition};
```

```
  begin
```

```
    ...  
  end {quicksort};
```

```
begin
```

```
...  
end {sort}.
```

Verweis auf die vorherige Symboltabelle

Produktionen mit semantischen Regeln

$P \rightarrow MD$ { addwidth (t, top(symTptr); top(offset));
pop(symTptr); pop(offset) }

$M \rightarrow \varepsilon$ { t:= makeTable(nil);
push(t, symTptr); push(0, offset) }

$D \rightarrow D ; D$

$D \rightarrow \text{proc id}; N D1; S$
{ t= top(symTptr);
addwidth (t, top(offset));
pop(symTptr); pop(offset);
enterproc(top(symTptr), id.lexeme, t) }

$D \rightarrow \text{id}: T$ { enter(top(symTptr), id.lexeme, T.type, top(offset));
top(offset):= top(offset) + T.width }

$N \rightarrow \varepsilon$ { t:= makeTable(top(symTptr));
push(t, symTptr); push(0, offset) }

vor Analyse der lokalen Prozedur-Deklarationen

- erzeugte t als neue Symboltabelle (für readarray)
- schiebe t auf den Symboltabellen-Stack
- schiebe 0 als relative Adresse von t auf Offset-Stack

```
program sort (input, output):
```

```
  var a: array [0..10] of integer;  
      x: integer;
```

```
  procedure readarray;  
    var i: integer;  
  begin ... a ... end {readarray};
```

```
  procedure exchange (i, j: integer);  
  begin  
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x  
  end {exchange};
```

```
  procedure quicksort (m, n: integer);  
    var k,v: integer;  
  begin  
    function partition (y, z: integer): integer;  
      var i, j: integer;  
    begin  
      ...a...  
      ...v...  
      ...exchange(i,j) ...  
    end {partition};  
  end {quicksort};
```

```
begin  
  ...  
end {quicksort};
```

```
begin  
  ...  
end {sort};
```

sort

Kopf	nil
a	
x	

Kopf	

readarray

top

readarray	
sort	

symTptr

offset

```
program sort (input, output);
```

```
  var a: array [0..10] of integer;  
      x: integer;
```

```
  procedure readarray;  
    var i: integer;  
  begin ... a ... end {readarray};
```

```
  procedure exchange (i, j: integer);  
  begin  
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x  
  end {exchange};
```

```
  procedure quicksort (m, n: integer);  
    var k,v: integer;
```

```
    function partition (y, z: integer): integer;  
      var i, j: integer;  
    begin  
      ...a...  
      ...v...  
      ...exchange(i,j) ...  
    end {partition};
```

```
  begin
```

```
    ...  
  end {quicksort};
```

```
begin
```

```
...  
end {sort}.
```

Pro

P → MD

M → ε

D → D ; D

D → **proc id**; N D1; S

D → **id**: T

- erzeugt einen neuen Eintrag für die Prozedur mit Namen *id.lexeme* in der Tabelle *top(symTptr)* (ist die Symboltabelle der umschließenden Prozedur)

```
{ t:= makeTable(nil);  
  push(t, symTptr); push(0, offset) }
```

```
{ t= top(symTptr);  
  addwidth (t, top(offset));  
  pop(symTptr); pop(offset);  
  enterproc(top(symTptr), id.lexeme, t) }
```

```
{ enter(top(symTptr), id.lexeme, T.type, top(offset));  
  top(offset):= top(offset) + T.width }
```

Symboltabelleneintrag

- Aktualisierung der Länge der aktuellen Symboltabelle (Zeiger vom Stack mit Wert aus Offset-Stack)
- Name mit Attributen und relative Adresse (vorher bestimmt aus Offset-Stack)
- Aktualisierung des Offsets der aktuellen Symboltabelle
- oberste Elemente von beiden Stapeln werden entfernt
Fortführung der Analyse der umschließenden Prozedur

program sort (input, output):

```
var a: array [0..10] of integer;  
x: integer;
```

```
procedure readarray;  
var i: integer;  
begin ... a ... end {readarray};
```

```
procedure exchange (i, j: integer);  
begin  
x := a[i]; a[i] := a[j]; a[j] := x  
end {exchange};
```

```
procedure quicksort (m, n: integer);  
var k, v: integer;  
  
function partition (y, z: integer): integer;  
var i, j: integer;  
begin  
...a...  
...v...  
...exchange(i,j) ...  
end {partition};
```

```
begin  
...  
end {quicksort};
```

```
begin  
...  
end {sort};
```

sort

Kopf	nil
a	
x	
readarray	

Kopf	
i	

und weiterer Regel

readarray

top

readarray	
sort	

symTptr

offset

program sort (input, output):

```
var a: array [0..10] of integer;
    x: integer;
```

```
procedure readarray;
    var i: integer;
begin ... a ... end {readarray};
```

```
procedure exchange (i, j: integer);
begin
    x:= a[i]; a[i]:= a[j]; a[j]:= x
end {exchange};
```

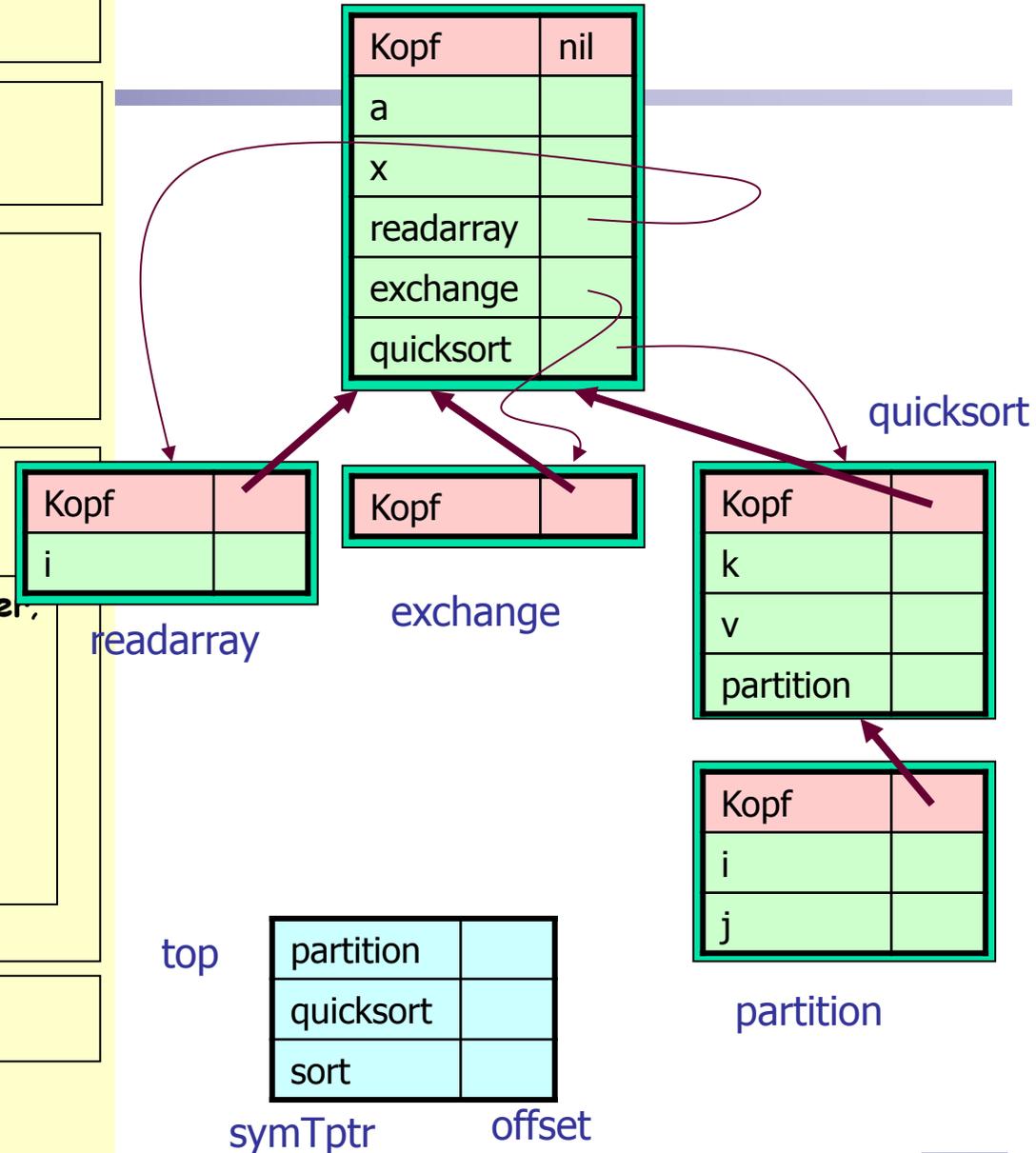
```
procedure quicksort (m, n: integer);
    var k,v: integer;

    function partition (y, z: integer): integer;
        var i, j: integer;
    begin
        ...a...
        ...v...
        ...exchange(i,j) ...
    end {partition};
begin
    ...
end {quicksort};
```

```
begin
...
end {sort}.
```

finale Momentaufnahme

sort



Übersetzung von Prozeduraufrufen

Drei-Adressbefehle

typische Verwendung für
 $p(x_1, \dots, x_n)$ im Quelltext
Entsteht durch Compilierung:

`param x1`

`param x2`

`...`

`param xn`

`call p, n`

dazu sind vom Compiler Laufzeitroutinen bereitzustellen:

zum Prozedurruf

- Aufbau von Speicherplatz für das Aktivierungselement
- Verfügbarkeit der Parameter
- Umgebungszeiger für globale Größen
- Retten des Zustandes der rufenden Prozedur (so dass auch Rückkehr vollzogen werden kann)

zum Return

- Ergebnisbereitstellung für die Umgebung
- Wiederherstellung des Aktivierungssegmentes
- Sprung zur Rückkehradresse

Übersetzung von Prozeduraufrufen (2)

Beispiel:

$r = f(a[i*4])$

```
1) t1:= i * 4
2) t2:= a [ t1 ]
3) param t2
4) t3:= call f, 1
5) r:= t3
```

Drei-Adresscode